Estudio de la producción de mesones con extrañeza y encanto en colisiones e^+p en HERA con el detector ZEUS

Juan Pablo Fernández Ramos
Universidad Autónoma de Madrid

Abstract

This thesis presents measurements of *charm* and *strange* mesons production for different kinematical regimes in e^+p collisions at HERA.

Measurements of $D^{*\pm}$ production in deep inelastic scattering from collisions between 27.5 GeV positrons and 820 GeV protons are presented. The data have been taken with the ZEUS detector. The decay channel $D^{*+} \rightarrow (D^0 \rightarrow K^-\pi^+)\pi^+$ (+ c.c.) has been used in the study. The e^+p cross section for inclusive $D^{*\pm}$ production in deep inelastic scattering events with $5 < Q^2 < 100\,\mathrm{GeV}^2$ and $y < 0.7$ is $5.3 \pm 1.0 \pm 0.8$ nb in the kinematic region $1.3 < p_T(D^{*\pm}) < 9.0$ GeV and $|\,\eta(D^{*\pm})\,| < 1.5$. Differential cross sections as functions of $p_T(D^{*\pm})$, $\eta(D^{*\pm})$, W and Q^2 are compared with next-to-leading order QCD calculations based on the photon-gluon fusion production mechanism. After an extrapolation of the cross section to the full kinematic region in $p_T(D^{*\pm})$ and $\eta(D^{*\pm})$, the charm contribution $F_2^{c\bar{c}}(x, Q^2)$ to the proton structure function is determined for Bjorken x values between $2 \cdot 10^{-4}$ and $5 \cdot 10^{-3}$.

We have also studied K^0 mesons and charged particles ($h^\pm$) in photoproduced events containing at least one jet of $E_T > 8$ GeV in the pseudorapidity interval (–0.5, 0.5) in the ZEUS laboratory frame. Distributions are presented in terms of transverse momentum, pseudorapidity and distance of the particle from the jet axis. A reasonable overall description of the K^0 distributions is obtained using PYTHIA with a reduced value of the strangeness suppression parameter (P_s/P_u). The properties of $h^\pm$ within the jet are well described using PYTHIA with standard settings, and the use of the multiparton interaction option improves the description outside the jets. The mean numbers of K^0 and $h^\pm$ within a jet as defined above are measured to be $3.25 \pm 0.02 \pm 0.28$ and $0.431 \pm 0.013 \pm 0.088$ respectively. Fragmentation functions are presented for K^0 and $h^\pm$ in photoproduced jets; agreement is found with calculations of Binnewies et al. and, at higher momenta, with $p\bar{p}$ scattering and with standard PYTHIA (with P_s/P_u= 0.3). Fragmentation functions in direct photoproduced events are extracted, and at higher momenta give good agreement with data from related processes in e^+e^- annihilation and deep inelastic ep scattering.

A mis padres y hermana ...

Prefacio

"¿ De qué está hecha la materia?" es una pregunta muy simple y fundamental que acompaña a la física desde su nacimiento. Varias generaciones de científicos han tratado con esta pregunta y han dado respuestas parciales, revelando algunos de los secretos de la naturaleza. El principal objetivo es comprender las características y propiedades de la materia a partir de sus primeros constituyentes y las interacciones entre ellos.

Todo cuanto se conoce hasta ahora se puede englobar dentro del *Modelo Estándar* de la física de partículas elementales, un modelo que refleja la belleza de sus particulares simetrías. Una de las piezas clave del *Modelo Estándar* es la Cromodinámica Cuántica (QCD), una teoría que explica la interacción fuerte, una de las cuatro fuerzas fundamentales presentes en la naturaleza. QCD surge como una teoría matemáticamente consistente en los años setenta.

La física que se realiza en aceleradores de partículas ha jugado un papel crucial en la comprensión de la estructura de la materia. Ha revelado lo que se cree son los constituyentes de la estructura interna de la materia, más allá de átomos, protones y neutrones, y las interacciones entre estos constituyentes.

HERA (Hadron-Electron-SpeicherRing-Anlage) es el único acelerador e^+p actualmente en funcionamiento. Está situado en el laboratorio de física de altas energías de DESY, Hamburgo. HERA produce colisiones entre positrones y protones. La energía en el centro de masas disponible en estas colisiones, 300 GeV, ofrece la posibilidad de estudiar la estructura del protón con una resolución de 10^{-18} m, tres órdenes de magnitud más pequeña que la del propio protón. Esta tesis esta basada en el análisis de los datos tomados por ZEUS, uno de los dos detectores de propósito múltiple instalados en HERA.

Uno de los triunfos de la física de partículas lo constituye la precisión con que QCD describe los procesos de interacción fuerte observados en los aceleradores de partículas y más notablemente los fenómenos de producción de jets y de quarks pesados.

Debido a la propiedad de libertad asintótica en QCD, la teoría de perturbaciones se constituye como la técnica a utilizar a las distancias cortas alcanzadas en los aceleradores de partículas. La extensión de los métodos bien conocidos de Electrodinámica Cuántica (QED) al contexto más complicado de una teoría gauge no abeliana supone una de las mayores ventajas de la QCD perturbativa. Hay, sin embargo, diferencias importantes entre las dos teorías, debido esencialmente las propiedades especiales de los elementos de QCD, quarks y gluones, los análogos a los fotones y electrones en QED. Estas diferencias entre QCD y QED se atribuyen concretamente a que los gluones tienen la propiedad de acoplarse entre sí y los quarks están confinados dentro de los hadrones y no son observados como partículas libres.

A distancias grandes predominan los efectos de confinamiento y además, dado el aumento de la constante de acoplo de QCD, α_s, con la distancia, deben aplicarse métodos no perturbativos. Incluso en los procesos a distancias pequeñas están presentes los efectos de confinamiento, dado que los estados asintóticos iniciales y finales consisten de hadrones. Sin embargo, la diferencia en la escala de tiempos entre distancias pequeñas y grandes (o momentos transferidos grandes y pequeños si se prefiere) permite una factorización de los procesos que pueden tratarse perturbativamente y los que no (primero se trata la interacción partónica perturbativamente y luego la producción de hadrones de manera no perturbativa). Así, para ciertas cantidades, el teorema de factorización permite que los efectos a distancias pequeñas y grandes puedan separarse, de modo que los procesos que ocurren a largas distancias tienen que ser tratados mediante parametrizaciones o modelos fenomenológicos, al no poder aplicarse métodos perturbativos. En esta tesis contrastamos diversos aspectos de QCD, en ambas escalas de distancia, con los resultados experimentales.

Por un lado compararemos diferentes modelos y cálculos que tratan la interacción partónica en el marco de QCD con los resultados observados en ZEUS. Nos concentraremos en el análisis de la producción, por medio de dicha interacción fundamental, de ciertos mesones (D^*) formados por quarks pesados (c). El objetivo principal es discernir cuál es el mecanismo de producción del quark c (*charm quark*) en colisiones e^+p en HERA.

Por otro lado, y mediante el estudio de la producción de partículas (K^0 y partículas cargadas) formadas por quarks ligeros (u, d, s) intentaremos profundizar en el proceso de la hadronización. En particular, y tal y como predice QCD, en la contrastación experimental de su universalidad.

La tesis se organiza como sigue: después de una introducción teórica (capítulos 1, 2 y 3) describiremos el aparato experimental (capítulo 4). En el capítulo 5 describiremos los criterios de selección y la reconstrucción de los sucesos en diferentes regímenes (dispersión profundamente inelástica y fotoproducción). En el capítulo 6 nos concentraremos por una parte en la obtención de las distribuciones de K^0 y $h^\pm$ como función de las variables cinemáticas y por otra parte en la medida de las funciones de fragmentación para kaones neutros y partículas cargadas en sucesos de fotoproducción y dispersión profundamente inelástica, haciendo énfasis en cómo estos resultados experimentales comparan por una parte con los resultados experimentales medidos en e^+e^- y $p\bar{p}$ y por otra parte con los cálculos obtenidos en QCD. En el capítulo 7 estudiaremos la producción del quark c en la dispersión profundamente inelástica. Se obtendrá la fracción de momento del quark c que se lleva el mesón D^*, x_{D^*}, como una forma de desvelar el mecanismo de producción de *charm* en colisiones e^+p en HERA. Del mismo modo, se medirán las secciones eficaces integradas y diferenciales de producción de D^* y se comparará al mismo tiempo con cálculos analíticos a segundo orden en teoría de perturbaciones. Finalmente se estimará la componente con quark c de la función de estructura del protón, $F_2^{c\bar{c}}$, para valores de la variable Bjorken-x [1] entre $2{\cdot}10^{-4}$ y $5 \cdot 10^{-3}$ para poder comparar de nuevo con los cálculos analíticos a este nivel, haciendo uso de una densidad de gluones compatible con tales predicciones teóricas. Las conclusiones finales se presentan en el capítulo 8. Los apéndices contienen información adicional (estudio de las incertidumbres sistemáticas, comparaciones con otros análisis, etc.) y detalles sobre ciertos aspectos de esta tesis.

Con los resultados de este trabajo doctoral la Colaboración ZEUS ha publicado los siguientes artículos:

(i) *Neutral Strange Particle Production in Deep Inelastic Scattering at HERA*, *Z. Phys.*, (C 68):29, 1995.

(ii) *Charged particles and neutral kaons in photoproduced jets at HERA*, DESY 97-229, aceptado por *Z. Phys.* (C).

(iii) ***D***** Production in Deep Inelastic Scattering at HERA*, *Phys. Lett.*, (B 407):402, 1997.

[1] La variable Bjorken-x en el modelo elemental de partones, QPM, es la fracción de momento del protón que lleva el quark que interviene en la interacción.

Índice General

Índice de Figuras

Índice de Tablas

Capítulo 1

Interacciones e^+p

- ¿ Debes, pescador de finas redes, encontrar el encanto del mar?

El primer colisionador para e^+p, HERA, sigue la larga tradición de experimentos previos. Las interacciones e^+p tienen lugar a través del intercambio de un bosón intermedio (para momentos transferidos no muy grandes predomina el intercambio de un fotón) que interacciona con el protón (ver la figura 1.1). Al orden más bajo en teoría de perturbaciones, el estado final consiste del positrón dispersado, del quark que interacciona con el fotón (*struck quark*) y el remanente del protón. Debido a que la energía disponible en el centro de masas es más de un orden de magnitud mayor que en experimentos a blanco fijo, se abre un nuevo régimen cinemático. HERA cubre diversos regímenes dependiendo de la virtualidad del fotón que positrón y protón intercambian entre sí. Estos regímenes son el de fotoproducción (en el que el fotón es casi real) y el de dispersión profundamente inelástica (en el que fotón es virtual). En contraste con otros experimentos el sistema hadrónico final es también sujeto de estudio.

1.1 Dispersión profundamente inelástica

La dispersión profundamente inelástica e^+p (DIS) se puede representar esquemáticamente por medio del diagrama de la figura 1.1.

En el llamado modelo elemental de partones (QPM), el positrón interacciona con un partón del protón a través del intercambio de un γ, Z^0 o un $W^\pm$. Cuando se realizaron las primeras medidas de la función de estructura del protón se desconocía si los constituyentes del protón eran los quarks y gluones de QCD y el término partón se utilizó para reflejar este desconocimiento. Se suponía que el protón era como una bolsa de partones puntuales que no interaccionaban entre sí. Esta suposición se basaba en el hecho de que la escala de tiempos en la que el fotón

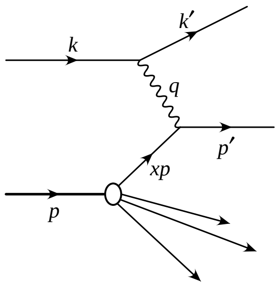

Figura 1.1: *Diagrama de Feynman del proceso de dispersión profundamente inelástica en la aproximación de intercambio de un sólo fotón.*

interacciona con el partón era mucho más corta que el intervalo de tiempo durante el cual dos partones interaccionan entre sí.

1.1.1 Cinemática

Sean $k = (E_e, 0, 0, -E_e)$ y $P = (E_p, 0, 0, E_p)$ los cuadrimomentos iniciales del positrón y protón respectivamente, q el cuadrimomento del fotón virtual y $k' = (E'_e, 0, E'_e sen\theta_e, E'_e cos\theta_e)$ el cuadrimomento del positrón dispersado, en el sistema de referencia del laboratorio. La interacción se puede describir en función de las variables invariantes Lorentz,

$$Q^2 = -q^2 = -(k - k')^2 \tag{1.1}$$

$$y = \frac{P \cdot q}{P \cdot k} \tag{1.2}$$

$$x = \frac{Q^2}{2P \cdot q} \tag{1.3}$$

$$s = (k + P)^2 = 4E_e E_p \tag{1.4}$$

$$W^2 = (q + P)^2 = Q^2 \frac{(1 - x)}{x} \tag{1.5}$$

despreciando las masas del protón y positrón. Q^2 es la virtualidad del fotón que sufre la interacción con el partón del protón y x, en el QPM, es la fracción de momento del protón que lleva el partón antes de interaccionar con el fotón. En el sistema de referencia en el que protón está en reposo, y es la fracción de energía del positrón transferida al protón (y es una medida de la inelasticidad de la interacción). En el sistema centro de masas e^+p, donde $E'_e = E_e$ y el positrón es dispersado un ángulo θ^*, $y = \frac{1}{2}(1 - cos\theta^*)$. W y s son la energías en el sistema centro de masas $\gamma^* p$[1] y e^+p respectivamente. Dichas variables cinemáticas están correlacionadas entre sí, siendo sólo dos de ellas independientes. En particular $Q^2 = sxy$.

HERA cubre un rango en Q^2 que va desde aproximadamente 0 (régimen de fotoproducción) hasta 10^5 GeV^2. En x nos ofrece la oportunidad de llegar hasta $x \approx 10^{-4}$ a escalas típicas, determinadas por una virtualidad del fotón de 10 GeV^2. La figura 1.2 muestra la región cinemática cubierta por HERA junto con la cubierta por otros experimentos a blanco fijo. Esta amplia región cinemática es una consecuencia de la elevada energía disponible en el sistema centro de masas ($\sqrt{s} = 300$ GeV).

Como se menciona en la sección 5.2.1 Q^2, x e y se pueden expresar tanto en término de las variables del positrón dispersado (ver ecuaciones 5.12 y 5.13) como en término de las variables del sistema hadrónico (ver ecuaciones 5.9, 5.10 y 5.11). Los contornos de energía y ángulo [2] constante del positrón dispersado en el plano (x, Q^2) en HERA, se muestran en la figura 1.3. Como puede observarse y también derivarse de las ecuaciones anteriores, pequeñas energías del positrón dan altos valores de y mientras que energías mucho mayores que E_e conducen a valores grandes de Q^2. La zona gris en la figura 1.3 indica la región cinemática en la que el positrón dispersado se escapa, sin ser detectado, por el conducto que comunica HERA con ZEUS (*beampipe* o tubo de vacío del haz). Las líneas a $y = 1$ representan el límite cinemático, dado por las energías de los haces de protones y positrones.

[1] El superíndice $*$ indica que se trata de un fotón virtual.

[2] En el sistema de coordenadas de ZEUS el eje Z tiene el mismo sentido que el seguido por el protón en su trayectoria. El eje X es horizontal y su sentido apunta al centro de HERA. El ángulo polar θ se define respecto al eje positivo de la coordenada Z.

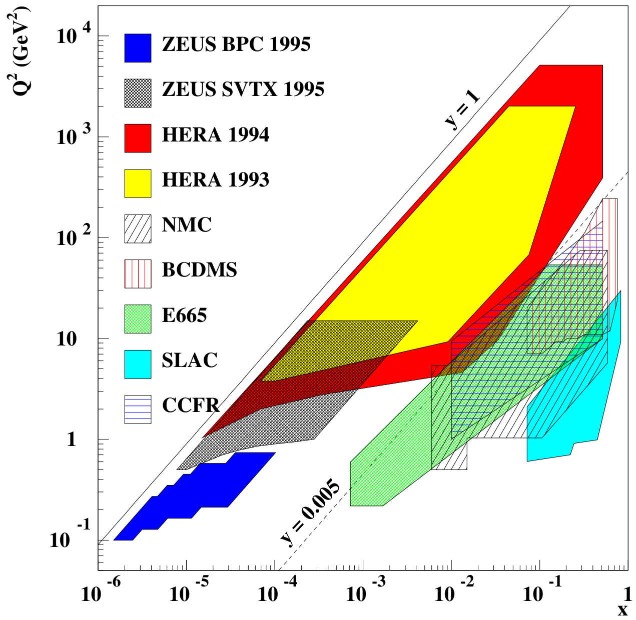

Figura 1.2: *Región cinemática en $(x,\ Q^2)$ cubierta por HERA junto con la cubierta por otros experimentos a blanco fijo. La elevada energía disponible en el sistema centro de masas supone un enorme aumento en el espacio de fases y un potencial físico para la dispersión leptón-nucleón; el máximo momento transferido Q aumenta un factor 10 y la energía transferida ν un factor 100.*

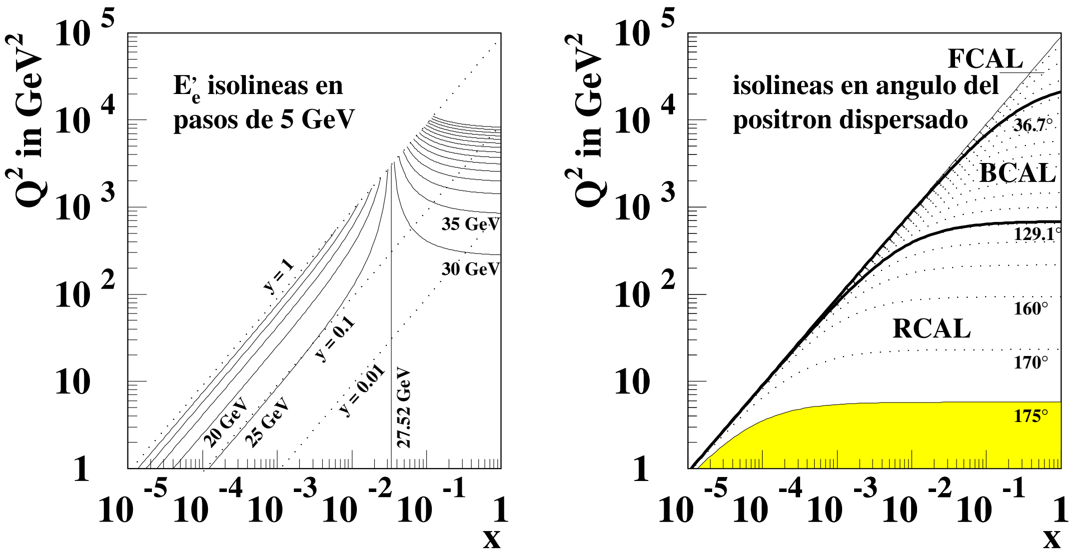

Figura 1.3: *Contornos de energía constante (izquierda) y ángulo polar constante del positrón dispersado (derecha) en el plano $(x,\ Q^2)$. Las líneas punteadas representan contornos de y constante (1, 0.1, 0.01) (izquierda) o ángulo dispersado constante en pasos de 10° (derecha). RCAL, BCAL y FCAL son secciones del calorímetro (una de las más importantes componentes del detector de partículas, ZEUS), ver la sección 4.2.2.*

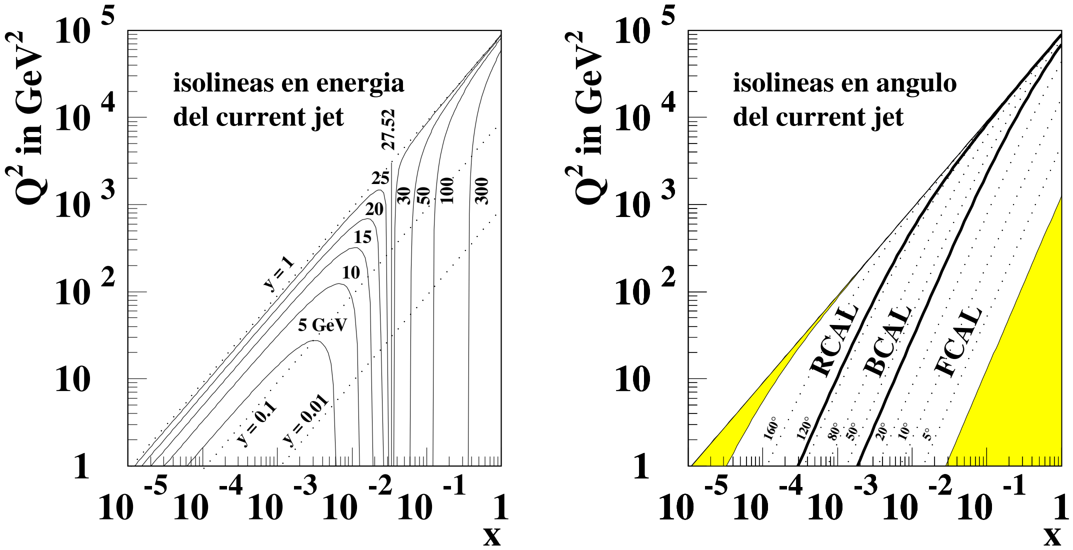

Figura 1.4: *Contornos de energía constante (izquierda) y ángulo polar constante (derecha) del sistema hadrónico en el plano $(x,\ Q^2)$. Las líneas punteadas representan contornos de y constante (1, 0.1, 0.01) (izquierda) o ángulo dispersado constante en pasos de 10° (derecha).RCAL, BCAL y FCAL son secciones del calorímetro (una de las más importantes componentes del detector de partículas, ZEUS), ver la sección 4.2.2.*

Los contornos de energía y ángulo constante del sistema hadrónico en el plano $(x,\ Q^2)$ en HERA, se muestran en la figura 1.4. Para valores de x muy pequeños y valores de y grandes se observa el mismo límite impuesto por las características del detector (ver regiones en gris de la figura 1.4).

1.1.2 El modelo elemental de partones

Usando el ejemplo de dispersión $e\mu \to e\mu$ [1] como guía, se puede construir la sección eficaz para colisiones leptón-hadrón, $e^+p \to e^+ + X$ donde X representa el sistema final hadrónico. La sección eficaz de dicho proceso se puede escribir como

$$d\sigma \sim L^e_{\mu\nu} W^{\mu\nu} \tag{1.6}$$

donde $L^e_{\mu\nu}$ es el tensor leptónico y $W^{\mu\nu}$ es el tensor hadrónico que parametriza la interacción con el hadrón. La definición de sección eficaz, introduciendo los términos de espacio de fase y de normalización apropiadamente, conduce a la siguiente expresión

$$\frac{d^2\sigma}{dxdQ^2}(e^+p \to e^+ + X) = \frac{4\pi\alpha^2}{xQ^4}(y^2 xF_1 + (1-y)F_2) \tag{1.7}$$

o

$$\frac{d^2\sigma}{dxdQ^2}(e^+p \to e^+ + X) = \frac{4\pi\alpha^2}{xQ^4}[\frac{1}{2}y^2(2xF_1 - F_2) + \frac{1}{2}\{1 + (1-y)^2\}F_2] \tag{1.8}$$

donde F_1 y F_2 son funciones de estructura adimensionales. La contribución debida al intercambio de un Z^0 o un $W^\pm$ es despreciable en el rango en Q^2 que nos interesa aquí. El factor $1/Q^4$ se debe al propagador del fotón.

Si el protón consiste de partículas puntuales como quarks de spin 1/2 entonces en algún momento la longitud de onda del fotón intercambiado será lo suficientemente pequeña como para resolver a los quarks individuales. Más allá de este punto las funciones de estructura F_1 y F_2 muestran la propiedad conocida como invariancia de escala: un incremento en la escala del fotón prueba no conduce a ninguna información adicional sobre los quarks. Esto significa que

$$F_1(x, Q^2) \rightarrow F_1(x) \tag{1.9}$$

$$F_2(x, Q^2) \rightarrow F_2(x) \tag{1.10}$$

En el modelo quark-partón la sección eficaz e^+p se puede calcular a través de la suma de los elementos de matriz de e^+q para cada quark, pesado por la función de distribución del quark respectivo

$$\frac{d^2\sigma}{dxQ^2}(e^+p \rightarrow e^+ + X) = \frac{d^2\sigma_{ep}}{dxQ^2} = \sum_i^{N_f} \int_0^1 d\xi (f_{q_i}(\xi) + f_{\bar{q}_i}(\xi)) \frac{d^2\hat{\sigma}_{eq_i}}{d\xi dQ^2} \tag{1.11}$$

donde N_f es el numero de sabores disponible (no sólo el sabor del partón con el que el fotón virtual intercambia momento) y $\frac{d^2\hat{\sigma}_{eq_i}}{d\xi dQ^2}$ es la sección eficaz para el subproceso fuerte que tiene lugar en el interior del protón. La factorización de la sección eficaz ep es posible debido a la más corta escala de tiempos de la interacción fotón-partón frente al intervalo de tiempo en el que dos partones interaccionan entre sí, como se ha observado anteriormente. La función de distribución de los partones del protón, $f_{q_i}(\xi)$, se define del tal modo que $f_{q_i}(\xi)d\xi$ es la probabilidad de que un partón de sabor q_i tenga una fracción de momento del protón entre ξ y $\xi + d\xi$.

Partiendo de la sección eficaz de dispersión $e\mu \rightarrow e\mu$ y reemplazando la carga eléctrica e por e_{q_i} (la carga del quark de sabor q_i en unidades de la carga del protón) y las variables Mandelstam por las correspondientes para la interacción fuerte ($\hat{s} \equiv (k + xp)^2 \approx 2xp \cdot k \approx xs; \hat{t} \equiv (k - k')^2 = -Q^2 = -xys; \hat{u} = -(\hat{s} + \hat{t}) = -x(1 - y)s$), la sección eficaz anteriormente escrita ($\frac{d^2\hat{\sigma}_{eq_i}}{d\xi dQ^2}$) se puede reescribir del siguiente modo:

$$\frac{d\hat{\sigma}_{eq_i}}{d\hat{t}} = \frac{2\pi\alpha^2 e_{q_i}^2}{\hat{s}^2}(\frac{\hat{s}^2 + \hat{u}^2}{\hat{t}^2}) \tag{1.12}$$

o

$$\frac{d^2\sigma_{eq_i}}{d\xi dQ^2} = \frac{2\pi\alpha^2 e_{q_i}^2}{Q^4}(1 + (1 - y)^2)\delta(x - \xi) \tag{1.13}$$

donde los términos $\delta(x - \xi)$ y $(d/d\xi)$ se reducirán a (d/dx) cuando substituyamos la ecuación anterior en la ecuación 1.11 de partida. Tal substitución produce

$$\frac{d^2\sigma}{dxQ^2}(e^+p \rightarrow e^+ + X) = \sum_i \int d\xi \frac{4\pi\alpha^2}{\xi Q^4}(f_{q_i}(\xi) + f_{\bar{q}_i}(\xi)) e_{q_i}^2 \frac{\xi}{2}(1 + (1 - y)^2)\delta(x - \xi) \tag{1.14}$$

La comparación de ecuación 1.14 con 1.8 nos lleva a la siguiente conclusión

$$F_2 = 2xF_1 = x \sum_i e_{q_i}^2 (f_{q_i}(x) + f_{\bar{q}_i}(x)) \tag{1.15}$$

la función de estructura F_2 es una suma de densidades de quarks $f_{q_i}(x)$ pesadas por el cuadrado de su carga. Es importante hacer notar que tanto σ_{eq_i} como $f_{q_i}(\xi)$ son universales e independientes la una de la otra (es decir, podemos hacer uso de la dispersión protón-protón para determinar $f_{q_i}(\xi)$ y utilizar este resultado en predicciones para ep DIS o vice versa). Conservación de momento implica que:

$$\sum_i^{N_f} \int_0^1 d\xi (f_{q_i}(\xi) + f_{\bar{q}_i}(\xi))\xi = 1 \tag{1.16}$$

La relación $F_2 = 2xF_1$ es una consecuencia directa de que los quarks son partículas de spin 1/2. Se conoce como la relación Callan-Cross y fue confirmada experimentalmente [2], sugiriendo que los partones cargados del protón eran realmente los quarks. A través de la relación de Callan-Cross la ecuación 1.8 queda como sigue:

$$\frac{d^2\sigma}{dxdQ^2}(e^+p \to e^+ + X) = \frac{2\pi\alpha^2}{xQ^4}(1 + (1-y)^2)F_2 \tag{1.17}$$

La dependencia de la sección eficaz como $1/Q^4$ en la ecuación 1.17, muestra cómo la dispersión que tiene lugar a bajo Q^2 ocurre con mayor probabilidad.

La evidencia de que el protón contiene quarks y que los quarks tienen cargas fraccionales 2/3 y -1/3, vino de las medidas de F_2 en experimentos de dispersión νp y νn, donde se observó que $F_2^{ep+en} = \frac{5}{18}F_2^{\nu p+\nu n}$, de acuerdo con lo predicho.

1.1.3 Correcciones QCD al modelo quark-partón

QPM condujo a la asunción de que a un Q^2 lo suficientemente alto (en el límite de altas transferencias energía y de momento con una razón entre energía y momento transferidos fija, $Q^2 \to \infty; \nu = E - E' \to \infty$ con $\omega = 1/x = 2M\nu Q^2$ fijo), F_2 dependía sólo de x y no del Q^2 de la dispersión. Esta era la ya mencionada invariancia de escala y aunque fue inicialmente observada en SLAC [3], análisis subsecuentes [4] mostraron una dependencia logarítmica de la función de estructura en Q^2 que surge a través de QCD. Los quarks dentro del protón pueden radiar gluones reales o virtuales (se emiten y seguidamente se absorben) y de forma similar los gluones pueden radiar quarks. A medida que Q^2 aumenta, la resolución espacial del fotón de prueba aumenta de forma que los quarks y los gluones pueden ser resueltos por el fotón separadamente. Así, a medida que Q^2 aumenta, más y más ramificaciones quark-gluón son resueltas por el fotón.

Hay sin embargo un problema con las singularidades asociadas con la emisión de gluones reales y además colineales; la sección eficaz del proceso $\gamma^* g \to qg$ viene dada por:

$$\frac{d\hat{\sigma}}{dk_T^2} \approx \hat{\sigma}_0 e_{q_i}^2 \frac{1}{k_T^2}\frac{\alpha_s}{2\pi}P(z) \tag{1.18}$$

donde $P(z) = \frac{4}{3}(\frac{1+z^2}{1-z})$, $\hat{\sigma}_0 = \frac{4\pi^2\alpha}{\hat{s}}$, $\hat{s}$ es la energía en el centro de masas de la interacción fuerte, y k_T es el momento transverso del quark radiado (considerando sólo el subproceso partónico). Integrando la ecuación 1.18 obtenemos:

$$\hat{\sigma}(\gamma^* g \to qg) \approx \hat{\sigma}_0 e_{q_i}^2 P(z) \int_{\mu^2}^{Q^2} \frac{dk_T^2}{k_T^2}\frac{\alpha_s}{2\pi} \approx \hat{\sigma}_0 e_{q_i}^2 P(z) \frac{\alpha_s}{2\pi} ln\frac{Q^2}{\mu^2} \tag{1.19}$$

donde μ es un límite (*cut off*) arbitrario. Las singularidades surgen debido a las divergencias infrarrojas (de bajo momento). Existe también una singularidad asociada con la función de "disociación", $P(z)$, a $z = 1$ que se cancela incluyendo la radiación de gluones virtuales. Las singularidades pueden ser absorbidas dentro de la definición de densidad de partones [3]:

$$f_{q_i}^{desnuda}(x) \rightarrow f_{q_i}^{renorm}(x, Q^2) = f_{q_i}(x) + \Delta f_{q_i}(x, Q^2) \tag{1.20}$$

donde $\Delta f_{q_i}(x, Q^2)$ viene dada por

$$\Delta f_{q_i}(x, Q^2) = \frac{\alpha_s}{2\pi} ln \frac{Q^2}{\mu^2} \int_x^1 \frac{d\xi}{\xi} f_{q_i}(\xi) P(\frac{x}{\xi}) \tag{1.21}$$

Substituyendo esta densidad de partones efectiva en la ecuación 1.15 llegamos a:

$$F_2(x, Q^2) = x \sum_i e_{q_i}^2 x(f_{q_i}(x, Q^2) + f_{\bar{q}_i}(x, Q^2)) \tag{1.22}$$

La evolución de la densidad de quarks en Q^2 viene dada por QCD [4]:

$$\frac{d}{dlogQ^2} f_{q_i}(x, Q^2) = \frac{\alpha_s}{2\pi} \int_x^1 \frac{d\xi}{\xi} f_{q_i}(\xi, Q^2) P(\frac{x}{\xi}) \tag{1.23}$$

(aquí Q^2 está tomada como la escala de factorización).

1.23 se conoce como la ecuación de evolución de Dokshitzer-Gribov-Lipatov-Altarelli-Parisi [5] (DGLAP). Expresa matemáticamente la posibilidad de que un quark con fracción de momento x pueda provenir de un quark padre con una fracción de momento mayor ξ que ha radiado un gluón. La probabilidad de que ésto tenga lugar es proporcional a $\alpha_s P(\frac{x}{\xi})$, donde $P(\frac{x}{\xi})$ es una función de "disociación". Figura 1.5 muestra como el fotón virtual, a medida que aumenta en resolución, ve el cambio en la estructura del protón al radiarse un gluón. Es decir, al aumentar Q^2 el fotón virtual es capaz de resolver una estructura cada vez más fina. Conforme Q^2 aumenta el número de partones con una x pequeña aumenta y el número de partones con una x grande disminuye.

Teniendo en cuenta que el *struck quark* puede provenir de la disociación de un gluón, $g \rightarrow q\bar{q}$ llegamos al conjunto completo de las ecuaciones de evolución de DGLAP [5]:

$$\frac{df_{q_i}(x, Q^2)}{dlogQ^2} = \frac{\alpha_s(Q^2)}{2\pi} \int_x^1 \frac{d\xi}{\xi} (f_{q_i}(\xi, Q^2) P_{qq}(\frac{x}{\xi}) + g(\xi, Q^2) P_{qg}(\frac{x}{\xi})) \tag{1.24}$$

$$\frac{dg(x, Q^2)}{dlogQ^2} = \frac{\alpha_s(Q^2)}{2\pi} \int_x^1 \frac{d\xi}{\xi} (\sum_i f_{q_i}(\xi, Q^2) P_{gq}(\frac{x}{\xi}) + g(\xi, Q^2) P_{gg}(\frac{x}{\xi})) \tag{1.25}$$

La funciones de "disociación" $P_{qq}(z), P_{gq}(z), P_{qg}(z)$ y $P_{gg}(z)$ dan la probabilidad de que un quark o gluón emita otro quark o gluón que lleva una fracción de momento z de su antecesor.

La funciones de "disociación" $P_{qq}(z), P_{gq}(z), P_{qg}(z)$ y $P_{gg}(z)$ se muestran en la figura 1.6. Si incluimos diagramas de Feynman de órdenes superiores, la función P_{ij} se puede desarrollar en serie potencias de α_s,

---

[3] Esta forma de absorber las singularidades (dentro de la densidad de partones) se muestra como un ejemplo simplista y hace que la densidades de partones renormalizadas pierdan su carácter universal ya que contienen términos que dependen del proceso. Este es el método de factorización que sigue el esquema DIS. Es más usual introducir los términos dependientes del proceso en coeficientes del estilo $C_{q_i}(\frac{x}{\xi}, \frac{Q^2}{\mu^2}\alpha_s)$ de forma que las densidades de partones siguen siendo universales. Este es el método de factorización que sigue el esquema de mínima substracción simplificado, $\bar{MS}$

[4] Considerando el cambio en la densidad de quarks $\Delta f_{q_i}^{renorm}(x, Q^2)$ al probar al protón con un adicional intervalo en la resolución del fotón, ΔlnQ^2, en la ecuación 1.20, se obtiene la ecuación 1.22

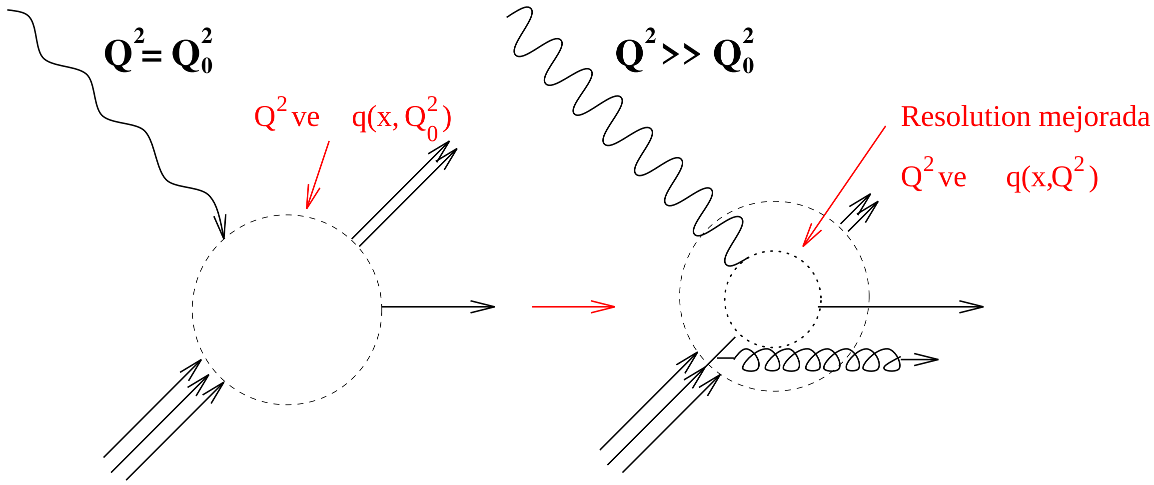

Figura 1.5: *Violaciones de escala: Al probar al protón con energías más y más grandes somos capaces de resolver estructuras más finas en el protón.*

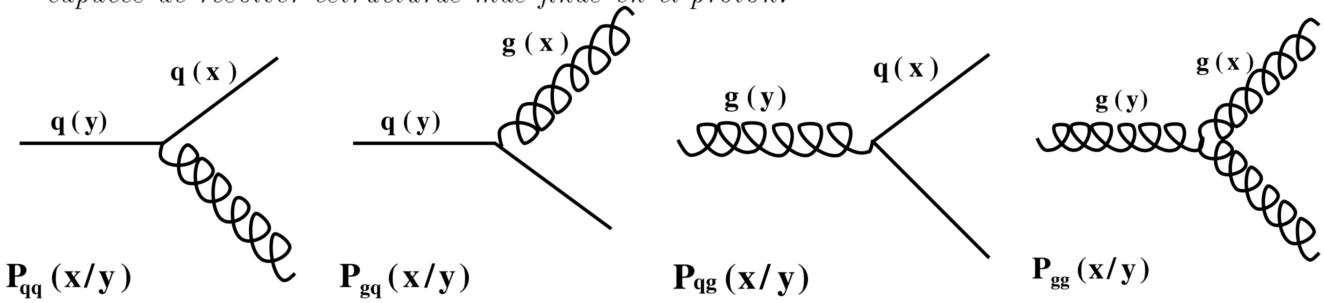

Figura 1.6: *Funciones de disociación.*

$$P_{ij} = P_{ij}^{(0)} + \alpha_s P_{ij}^{(1)} + ... \tag{1.26}$$

La dependencia de $F_2(x, Q^2)$ en Q^2 observada en [4] es consistente con QCD (ver como en la figura 1.7 la parametrización (línea continua) y las medidas experimentales coinciden). Ésto sugería que los protones contenían gluones además de quarks.

QPM supone que el protón está enteramente compuesto de partículas cargadas lo cual conduce a la regla de la suma:

$$\sum_i \int_0^1 x f_{q_i}(x, Q^2) dx = 1 \tag{1.27}$$

Resultados experimentales mostraron que aproximadamente la mitad del momento del protón lo llevan sus constituyentes cargados, proporcionando una nueva evidencia del contenido no sólo quarkónico y sino también gluónico del protón.

1.1.4 Parametrizaciones de la función de estructura

La función de estructura del protón no se puede calcular a partir de primeros principios en QCD. Sin embargo, se puede parametrizar, a un Q^2 inicial bajo, con distribuciones de momento de quarks y gluones con una buena motivación física. Tal parametrización puede posteriormente

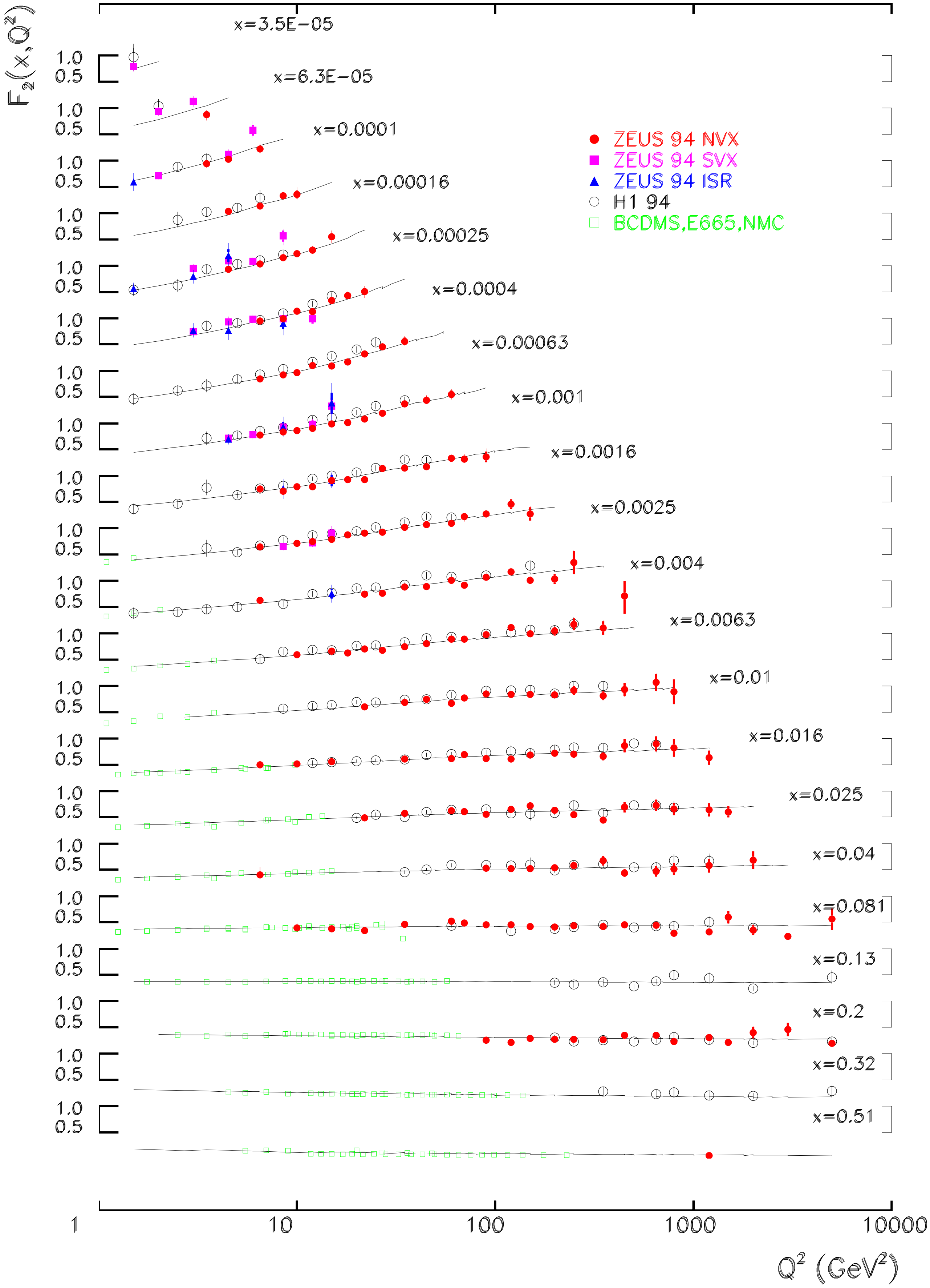

Figura 1.7: *Violaciones de escala en datos procedentes de ZEUS, H1 y experimentos a blanco fijo.*

ajustarse a diversos resultados obtenidos en experimentos leptón-nucleón y hadrón-hadrón. El proceso que se sigue generalmente es introducir unas densidades partónicas a una escala en energía, Q_0^2, lo suficientemente alta como para que se pueda hacer uso de QCD en subsiguientes pasos. Es usual separar la funciones de distribución de quarks en sus componentes de valencia y de mar, de forma que la distribución total del quark u a cierta escala Q_0^2 está dada por la suma, $u(x,Q_0^2) = u_v(x,Q_0^2) + u_s(x,Q_0^2)$, con una expresión similar para los quarks d. Los quarks s surgen de la disociación del gluón a pares $s\bar{s}$ ($g \rightarrow q\bar{q}$). La contribución total procedente del mar se puede escribir del siguiente modo:

$$S(x,Q_0^2) = u_s(x,Q_0^2) + \bar{u}_s(x,Q_0^2) + d_s(x,Q_0^2) + \bar{d}_s(x,Q_0^2) + s_s(x,Q_0^2) + \bar{s}_s(x,Q_0^2) \qquad (1.28)$$

$$= 2(\bar{u}_s(x,Q_0^2) + \bar{d}_s(x,Q_0^2) + \bar{s}_s(x,Q_0^2)) \qquad (1.29)$$

donde sólo se han considerado los sabores u,d y s. La contribución relativa de los distintos quarks a $S(x)$ es independiente de la masa de los quarks. QCD permite la evolución en Q^2 de una función densidad de partones, determinada a una escala inferior Q_0^2. Las distribuciones de partones evolucionan a través de las ecuaciones de DGLAP para ser ajustadas posteriormente a los datos experimentales.

Actualmente existen diversas parametrizaciones de la distribución de partones por grupos como MRS [6], GRV [7] y CTEQ [8]. El acceso a las distintas parametrizaciones se realiza a través de la biblioteca PDFLIB (parton distribution function library). Antes de HERA, F_2 estaba bien determinada para valores de $x > 0.01$ y se especulaba mucho sobre el comportamiento a bajo x. Se hizo uso de distribuciones de gluones con una buena motivación o principio físico para determinar parametrizaciones de F_2 que condujeron a $F_2 \approx x^0$ y $x^{-0.5}$ [9]. Recientes resultados en HERA [10] han mostrado $F_2 \approx x^{-0.3}$ a bajo x y $Q^2 \approx 10$ GeV^2.

Las parametrizaciones de MRSA$'$ [6] y de GRV94 [7] han mostrado estar en buen acuerdo con los resultados del análisis de F_2 de 1994. Por ello han sido utilizadas para la generación de sucesos Monte Carlo en este análisis.

MRSA$'$ utiliza el método arriba descrito para ajustar los datos. GRV utiliza una filosofía algo diferente a las de MRS y CTEQ. GRV posee una escala de partida muy baja $Q_0^2 = 0.34$ GeV^2 a la cual se supone que el protón está constituido sólo de quarks de valencia. A medida que Q^2 aumenta el gluón y los quarks del mar son generados dinámicamente de los quarks de valencia a través de las ecuaciones de evolución de DGLAP. Este simple y agradable modelo se complica con la incorporación más tarde de la distribuciones de quarks s(procedentes del mar) y de gluones.

Las distintas parametrizaciones existentes actualmente incluyen el quark c de una de estas dos formas posibles: (i) introduciendo una densidad inicial, $c(x,Q_0^2)$, a una escala de partida $Q_0^2 = 2.7$ GeV^2. Por debajo de Q_0^2 se asume que no hay *charm* en el protón. Por encima de Q_0^2 el quark c se trata como un quark ligero y evoluciona, como lo hace los demás partones no masivos, usando las ecuaciones de DGLAP. El quark c procede de PGF y de la distribución del mar. Esto puede conducir en pequeño grado a un doble contaje (como se explica en 3.4) [6]; (ii) produciendo dinámicamente el quark c (única y exclusivamente a través de PGF). Para ello tienen en cuenta m_c y utilizan unas densidades de partones sin el quark c [7]. Esta es una forma más consistente de tratar el quark c.

1.2 Fotoproducción

Dependiendo de cuál sea el valor del cuadrimomento transferido en la ecuación 1.17, se consideran dos regímenes: el de DIS si Q^2 es alto, digamos $Q^2 > 1$ GeV^2, y fotoproducción si Q^2 es

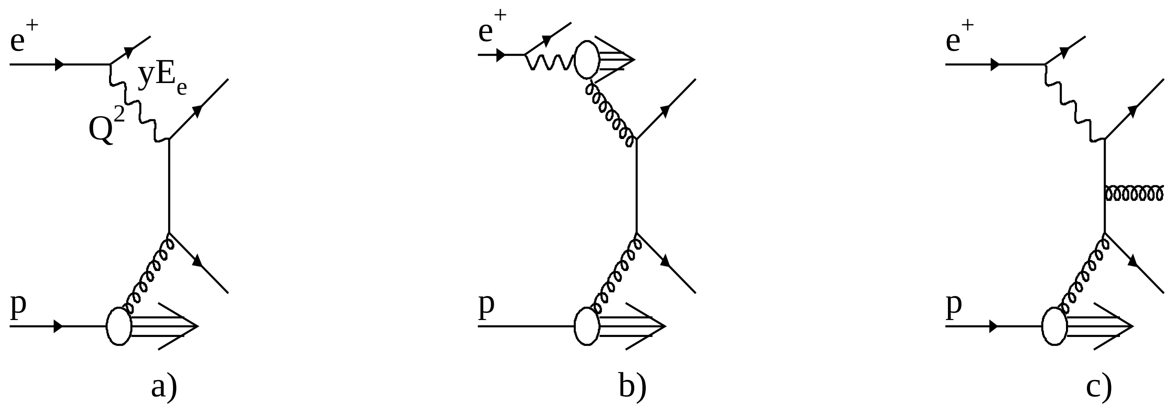

Figura 1.8: *Diagramas de Feynman de los distintos canales existentes en fotoproducción hasta segundo orden en teoría de perturbaciones: a) LO directo; b) LO resuelto; c) NLO.*

un valor cercano a 0. En este último tipo de interacciones el bosón de intercambio se comporta como un fotón casi real de forma que el proceso se puede ver como una interacción fotón-protón. A primer orden en teoría de perturbaciones (LO) el fotón puede bien interaccionar como un todo con un partón del protón (canal directo) o bien puede actuar como una fuente de partones que interaccionan seguidamente con el protón (canal resuelto). En el último caso, HERA actúa como un colisionador hadrón-hadrón más que como un e^+p.

En el canal resuelto el fotón fluctúa a una pareja $q\bar{q}$. Esta pareja quark-antiquark interacciona dándole al fotón una estructura partónica. El canal resuelto puede subdividirse en dos contribuciones dependiendo del momento transverso, k_T, de la disociación $\gamma \to q\bar{q}$.

(i) Si el momento transverso k_T es pequeño la estructura partónica del fotón y sus interacciones se tratan de forma equivalente a las de un mesón vectorial con lo mismos números cuánticos que el fotón, $J^{PC} = 1^{--}$, como por ejemplo ρ, ω, ϕ. Este modelo se conoce en el argot como *Vector Dominance Model* (VDM).

(ii) Si el momento transverso k_T es alto la estructura partónica del fotón se puede calcular haciendo uso de QCD perturbativa [11]. Esta contribución se conoce con el nombre de fotoproducción anómala.

El valor de k_T para el cual se toma una contribución u otra es arbitrario pues la descripción anterior es una simplificación de la transición continua (en el momento transverso, k_T, de $\gamma \to q\bar{q}$) que tiene lugar en la realidad. La figura 1.8 muestra los diagramas de Feynman a primer orden en teoría de perturbaciones para los canales directo (a) y resuelto (b). El canal (c) es el que aparece al siguiente orden en teoría de perturbaciones (NLO) y puede considerarse directo o resuelto según sea el momento del gluón que sale del propagador.

De forma análoga a x en DIS, la variable x_γ representa la fracción de momento del fotón que interviene en la interacción fuerte. Se puede definir como $x_\gamma = \frac{s'}{W}$, donde s' es la energía en el centro de masas del partón del fotón y el partón del protón. De este modo, a primer orden en teoría de perturbaciones, $x_\gamma = 1$ para el canal directo mientras que $x_\gamma < 1$ para el canal resuelto.

Los sucesos de fotoproducción se pueden clasificar de acuerdo con la fracción de momento transferida en el proceso de dispersión. En fotoproducción dura (o *hard*) el momento transferido entre el fotón (o alguno de sus partones) y el partón del protón es alta. Debido a ésto, los partones resultantes de la interacción se observan en forma de aglomeraciones de alta energía transversa, más comúnmente llamados jets. A partir de los jets en el estado final se puede reconstruir x_γ haciendo uso de la expresión:

$$x_\gamma^{OBS} = \frac{\sum_i E_i(1 - cos\theta_i)}{2yE_e} = \frac{\sum_i E_{T_i} e^{-\eta_i}}{2yE_e} \tag{1.30}$$

donde la suma se realiza sobre las partículas que pertenecen a los dos jets con mayor energía transversa, siendo E_{T_i} y η_i la energía transversa y la pseudo-rapidez [5] de las partículas pertenecientes al jet. Si todas las interacciones tuvieran lugar sólo hasta primer orden en teoría de perturbaciones, entonces tendríamos que $x_\gamma^{OBS} = x_\gamma$. La definición del observable x_γ^{OBS} permite extender esta clasificación a órdenes superiores (si realizamos la suma en la ecuación 1.30 sobre las partículas que pertenecen a los tres jets con mayor energía transversa). De forma similar

$$x_p^{OBS} = \frac{\sum_i E_i(1 + cos\theta_i)}{2E_p} = \frac{\sum_i E_{T_i} e^{\eta_i}}{2E_p} \tag{1.31}$$

nos proporciona una estimación de la fracción de momento del protón que se lleva el partón que interviene en la interacción.

La topología del canal directo es diferente a la del canal resuelto. En el directo el estado final está caracterizado por dos partones salientes más el remanente del protón. En sucesos producidos a través del canal resuelto se produce además un remanente cerca de la dirección del fotón incidente. Como además, el subproceso de interacción fuerte en sucesos producidos a través del canal directo tiene una mayor energía en el sistema centro de masas que en sucesos producidos a través del canal resuelto, el espectro en energía transversa E_T es más duro (con una pendiente más suave). De forma análoga, el espectro en η muestra diferencias para ambos canales ya que en el canal directo el estado hadrónico final es más cercano a la dirección del fotón mientras que en el canal resuelto es más cercano a la dirección del protón. En la región cinemática estudiada en este análisis, el canal resuelto es el dominante.

1.2.1 Estructura del fotón

La mayor parte del formalismo empleado para describir la estructura del protón se puede usar aquí para describir la estructura del fotón. Del mismo modo que la estructura del protón se ha medido en dispersión profundamente inelástica positrón protón (DIS e^+p), la estructura del fotón se ha medido en dispersión profundamente inelástica electrón fotón (DIS $e\gamma$). Este proceso ocurre en aceleradores e^+e^-. El positrón emite un fotón a bajo Q^2 que es explorado por un fotón de más alto Q^2 emitido por el electrón. El electrón dispersado se observa en el detector mientras que el positrón continúa y se pierde por el tubo del haz. Por supuesto, el papel desempeñado por positrón y electrón es intercambiable en este proceso. De forma análoga a DIS e^+p, la sección eficaz para este proceso depende de densidades de quarks en el fotón que vienen parametrizadas por la función F_2^γ. La obtención de F_2^γ es más laboriosa que la obtención de F_2 en DIS e^+p por varias razones.

(i) La sección eficaz de dispersión $e\gamma$ es $O(\alpha^4)$, dos órdenes mayor que la sección eficaz de dispersión e^+p, dado que se ha de emitir un fotón adicional.

[5] La pseudo-rapidez, η, se define como el menos logaritmo neperiano de la tangente de la mitad del ángulo polar, $\eta = -ln(tan(\theta/2))$.

(ii) El espectro en energía de los fotones a resolver se ha simplificado haciendo uso de la aproximación de Weizsäcker-Williams [12]. La energía del fotón no se puede medir ya que el $e^{\pm}$ es dispersado a bajo ángulo y no se detecta. La fracción de energía del fotón que interviene en la interacción se determina sólo a partir de la masa del sistema final hadrónico, como en la ecuación 1.5. Dado que los detectores no cubren todo el ángulo parte del sistema final hadrónico no se detecta. Los modelos Monte Carlo se utilizan para tener en cuenta esta pérdida de hadrones y corregir por ella. De todas formas, esto conduce a diferencias en F_2^γ a bajo x según cuál sea el modelo utilizado para corregir los datos, introduciendo así grandes incertidumbres sistemáticas.

(iii) La función de estructura del fotón no obedece la regla de la suma de momentos. No hay una probabilidad bien definida de que el fotón fluctúe a un sistema hadrónico, de modo que el momento de los quarks y gluones no se puede conocer si no es midiéndolo. Esto hace imposible el utilizar la fracción de momento del fotón que se llevan los quarks para acotar el contenido gluónico del fotón,G^γ; el momento total de la componente hadrónica del fotón no es determinable y por ello el momento que lleva el gluón tampoco. Información sobre G^γ la podría proporcionar F_2^γ, sin embargo, debido a las razones expuestas arriba, las medidas actualmente llevadas a cabo de F_2^γ no son lo suficientemente precisas como para que G^γ se pueda determinar por este método.

1.2.2 Parametrización de la estructura del fotón

Los efectos arriba enumerados permiten una mayor libertad a la hora de parametrizar la densidad de quarks en el fotón comparadas con la densidad de quarks en el protón. La técnica a seguir es la misma que la utilizada para parametrizar la función de estructura del protón. Se parametriza la función de estructura del fotón a una cierta escala, Q_0^2, se utilizan las ecuaciones de DGLAP para permitir la evolución en Q^2 y se ajusta la parametrización evolucionada a medidas realizadas a un cierto Q^2 ($Q^2 > Q_0^2$). Existen actualmente distintos tipos de parametrizaciones. Una la proporciona el modelo VDM donde se asume que el fotón resuelto tiene una distribución partónica similar a la de un mesón vectorial, como por ejemplo el ρ [13]. La función de estructura del ρ no se ha medido y se aproxima a un promedio de las funciones de estructura de π^+ y π^-. La contribución del modelo VDM a F_2^γ es:

$$F_2^{VDM}(x,Q_0^2) = \kappa \frac{4\pi\alpha}{f_\rho^2} \frac{(F_2^{\pi^+}(x,Q_0^2) + F_2^{\pi^-}(x,Q_0^2))}{2} \tag{1.32}$$

donde κ es una constante que permite al fotón fluctuar a $\gamma \to \phi$ o ω además de a ρ. Los modelos de GRV [7] y AGCFP [14] sólo hacen uso de la componente VDM, pero evolucionan a partir de $Q_0^2 = 0.25 - 0.30$ GeV^2. Este valor de Q_0^2 es discutible por la dudable aplicación de QCD a tan bajo Q^2 pero la parametrización proporciona una descripción adecuada de los datos y por ello no puede ser desestimada. En el modelo de LAC [15], el fotón se parametriza como la suma de un término que representa la disociación $\gamma \to q\bar{q}$ y un término motivado por las reglas de contaje de la estructura hadrónica. La poca restricción proporcionada por la medidas de F_2^γ acerca del contenido gluónico del fotón fue explotada en las distribuciones de LAC asumiendo formas extremas de la distribución de gluones a Q_0^2. De estas distribuciones, LAC1 parece ser la única candidata que se aproxima a las medidas de la sección eficaz total de fotoproducción [6] [16] y la producción inclusiva de jets en HERA [17]. La función de estructura

[6] De aquí en adelante fotoproducción hará referencia a fotoproducción *hard*.

del fotón GS [18] utiliza una mezcla de las aproximaciones anteriores. Asume un modelo que contiene una componente VDM y una contribución de la disociación perturbativa $\gamma \rightarrow q\bar{q}$. La escala en energía inicial es $Q_0^2 = 5.3$ GeV^2. Proporciona dos parametrizaciones, GS1, en la cual el contenido gluónico surge de VDM y de componentes perturbativas y GS2, donde el contenido gluónico proviene exclusivamente de la componente VDM del fotón.

Capítulo 2

Mecanismos de producción del quark c

En el régimen de dispersión profundamente inelástica no sólo aparecen mesones ligeros en el sistema final hadrónico, conteniendo los quarks u, d y s sino que también hay evidencia de mesones que contienen el quark c como los D^*. Como se indica en 3.2.2, el quark c es poco probable que surja de los procesos de fragmentación en los que no se transfiere la energía suficiente para formar mesones pesados. Más bien se piensa que el quark c surge de la interacción fundamental, es decir, de la interacción del fotón virtual con uno de los pares $c\bar{c}$ producidos a través de la disociación del gluón. El problema con el que los teóricos se enfrentan actualmente es el de cómo incorporar el quark c en el protón de una forma natural. Existen en la literatura varias formas de afrontar el problema:

(i) Considerando cuatro densidades de partones en el protón, y tratando al quark c como un quark ligero y sin masa.

(ii) Considerando que el mecanismo de producción viene dado por PGF y órdenes superiores en teoría de perturbaciones, con sólo tres densidades de partones en el protón, (una para cada quark ligero).

(iii) Considerando un esquema que interpola entre los dos anteriores.

En (i) hay *charm* en el mar del protón que es además una de sus fuentes de producción. El fotón virtual interacciona directamente con un quark c. Es cierto que el quark c proviene de la disociación de un gluón en $c\bar{c}$ pero, a diferencia de (ii), no es virtual. El quark c es el protagonista en la interacción con el fotón virtual (por decirlo de algún modo). (i) se conoce como el modelo de excitación de *charm* o ZM-VFNS (zero mass variable flavour number squeme) o modelo de producción de *charm* por evolución no masiva.

En (ii) no hay *charm* en el mar del protón; el gluón es la única fuente de producción del quark c. El fotón virtual y el gluón del protón interaccionan intercambiando un quark c virtual. En este caso, el gluón adquiere el protagonismo en la interacción con el fotón virtual que tenía el quark c en (i). (ii) se conoce usualmente como el modelo dinámico (o masivo) de producción de *charm* o FOPT (fixed order perturbation theory) o FFNS (fixed flavour number squeme).

En (iii) se engloba a (i) y (ii). (iii) se conoce VFNS (variable flavour number squeme).

En [19] la comparación con los datos obtenidos en esta tesis muestra que (ii) y (iii) proporcionan una buena descripción, mientras que (i) no es capaz de describir los datos a bajo Q^2.

El cálculo de $F_2^{c\bar{c}}$ viene dado, a primer orden en teoría de perturbaciones, por

$$F_2^{c\bar{c}}(x,Q^2) = \int_x^1 dz \frac{x}{z}\{\frac{8}{9}C_{q=c}(z,Q^2,\mu^2)c(\frac{x}{z},\mu^2) + \frac{4}{9}C_g(z,Q^2,\mu^2)g(\frac{x}{z},\mu^2)\} \tag{2.1}$$

donde C_i son coeficientes: $C_c = C_c^{(0)} + \alpha_s C_c^{(1)}$ y $C_g = \alpha_s C_g^{(1)}$. Estos coeficientes son los mencionados en 1.1.3.

2.1 Producción de *charm* por excitación (ZM-VFNS)

Un fotón virtual puede resolver fluctuaciones en el campo de gluones del orden de $1/\ Q^2$. El fotón sólo puede resolver quarks c que provienen de tales fluctuaciones si $Q^2 \approx 4m_c^2$ donde m_c es la masa del quark c. A medida que el Q^2 de la interacción entre el fotón y el *struck quark* aumenta, las correcciones de orden $O(m_c^2/Q^2)$ a las ecuaciones de evolución de DGLAP, se hacen cada vez menos importantes y el quark c se puede considerar como un quark no masivo y tratar de la misma forma que se trata a los quarks u, d y s.

Este modelo considera

$$c(x, Q^2) = 0 \qquad\qquad Q^2 \leq \mu_c^2 \tag{2.2}$$

En esta región Q^2 es demasiado pequeño como para resolver fluctuaciones $g \rightarrow c\bar{c}$. Estas fluctuaciones ocurren en el protón a una escala de tiempo demasiado pequeña para ese valor de Q^2.

El número de sabores en el protón y en las funciones de disociación, viene dado por

$$n_f = 3 + \theta(Q^2 - \mu_c^2) \tag{2.3}$$

θ es una función escalón $\theta(a-b) = 0$ si $a \geq b$ y $= 1$ $a < b$.

Este modelo es el más simple y asume que la distribución de quark c es cero por debajo de cierto $\mu_c \sim m_c$ y después evoluciona asumiendo que el quark c es un partón no masivo tanto en las funciones de disociación, P_{ij}, como en los coeficientes (también llamados funciones coeficiente), C_i.

Este es el modelo usado en las diversas parametrizaciones de la distribución de partones de grupos como MRS [6] y CTEQ [20] [1]. En MRS se toma $\mu_c^2 = 2.7$ GeV^2 para obtener una buena descripción de los datos obtenidos en EMC. En CTEQ se establece $\mu_c = m_c$.

Este método no reproduce los datos a valores de Q^2 próximos al umbral de producción de *charm* determinado por el valor de m_c. A valores de Q^2 superiores si es satisfactorio.

2.2 Producción dinámica de *charm* (FFNS)

La cinemática a dos cuerpos implica que una pareja $c\bar{c}$ en la capa de masas (on shell) se puede crear a través de PGF (ver figura 2.1) con tal de que

$$W^2 = \frac{Q^2(1-x)}{x} \geq 4m_c^2 \tag{2.4}$$

donde W es la energía en el centro de masas $\gamma g \rightarrow c\bar{c}$. Es decir, a x pequeños, la producción de pares $c\bar{c}$ puede tener lugar a través de PGF incluso cuando $Q^2 < \mu_c^2$.

El cálculo de $F_2^{c\bar{c}}$ vía PGF viene dado, a primer orden en teoría de perturbaciones, por

$$F_2^{c\bar{c}}(x, Q^2, m_c^2) = \int dz C_g^{PGF}(z, \frac{Q^2}{m_c^2}, \frac{m_c^2}{\mu^2})\frac{x}{z}g(\frac{x}{z}, \mu^2) \tag{2.5}$$

[1]Las últimas parametrizaciones lanzadas por estos grupos, MRRS[21] y CTEQ4HQ[8], se han desarrollado al estilo VFNS.

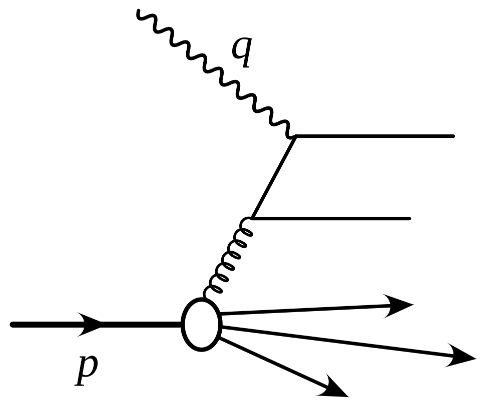

Figura 2.1: *Diagrama LO para PGF.*

Es decir, basta con poner $c(x, Q^2) = 0$ en la ecuación 2.1 para todo Q^2 y $C_g = C_g^{PGF}(z, \frac{Q^2}{m_c^2}, \frac{m_c^2}{\mu^2})$. Estos coeficientes absorben los términos dependientes del proceso que surgen en la renormalización de la densidad de partones. En contraste con 2.1, no hay divergencias colineales en $\gamma^* g \to c\bar{c}$ ya que la integral sobre el momento transverso del par $c\bar{c}$ está regulada por la masa del quark c. Es importante recalcar que $F_2^{c\bar{c}}$ a primer orden en teoría de perturbaciones proporciona una forma directa de acceder a la densidad de gluones en el protón $g(\frac{x}{z}, \mu^2)$. A órdenes superiores en teoría de perturbaciones aparecen también contribuciones de quarks ligeros a través de la radiación bremsstrahlung de gluones. Sin embargo, la contribución que proviene de quarks ligeros es pequeña y la producción de *charm* procede mayormente de la densidad de gluones, incluso a NLO. La dependencia de la producción de *charm* con la densidad de gluones implica que $F_2^{c\bar{c}}$ podría usarse como una forma de explorar la distribución de gluones en el protón. Dicho de otra manera, la producción de *charm* en e^+p conduce a una medida de la densidad de gluones en el protón. Este método de producción de *charm* también recibe en la literatura el nombre de FOPT (fixed order perturbation theory) o de FFNS (fixed flavour number squeme).

Se espera que este método de producción dinámica de *charm* deje de ser válido a partir de cierta escala $Q^2 >> m_c^2$. A esta pequeña escala sería más natural considerar el quark c como un partón no masivo en el protón ya que los términos logarítmicos $ln_i(Q^2\ /m_c^2)ln^j(\mu^2/m_c^2)$ de los coeficientes C_g serían demasiado grandes (se dice que vician la serie perturbativa).

2.3 Modelos dinámicos y de excitación (VFNS)

Ésta es una serie de modelos que tratan de combinar ambos procesos de producción de *charm* (el dinámico y el de excitación) en uno sólo [22, 23, 24]. La idea es encontrar una distribución universal de *charm* $c(x, Q^2)$ para todo Q^2, introduciendo 2.1 en 2.2 de una forma consistente. Por debajo de μ_c la producción de *charm* viene dada exclusivamente por PGF (como en el FFNS) y por encima de μ_c viene dada por una combinación consistente de *charm* del mar y PGF. La inclusión del quark c en el mar ($c^{VFNS}(x, \mu^2)$), que surge al resumar los términos logarítmicos del tipo $ln(Q^2/m_c^2)$ y no se introduce ad hoc como en 2.1, ha de tener en cuenta la densidad de partones (g,u, d y s) del mar del protón y vice versa (se ha de conservar el momento del protón). Dicho de otro modo la densidad de gluones impone ciertas condiciones en la densidad del quark c. Además, por encima de μ_c las funciones de evolución (P_{ij}) no dependen de la masa del *charm* y la dependencia en m_c queda en los coeficientes C_i.

En este esquema (VFNS) hay que evitar el doble contaje. La evolución de los coeficientes a orden cero (que corresponden a $\gamma^* c \to c$ con $\bar{c}$ como espectador, o vice versa) y la de los coeficientes a primer orden en teoría de perturbaciones (que describen PGF $(g \to c\bar{c}) \oplus (\gamma^* c \to c)$) generan los mismos diagramas de Feynman . Así pues, la contribución generada por la evolución de PGF ha de ser substraída apropiadamente.

2.3.1 El modelo à la Smith et al.

Para tratar la componente *charm* de la función de estructura del protón, $F_2^{c\bar{c}}(x, Q^2, m_c^2)$, generada dinámicamente se han adoptado dos prescripciones en la literatura. La primera es la ya arriba mencionada, el quark c se trata como un quark pesado y su contribución viene dada por cálculos perturbativos a orden fijo (FFNS) que se centran en PGF y órdenes superiores. La segunda se conoce como el modelo de VFNS (Variable Flavour Number Scheme) [22]. En este caso, por debajo de μ_c, la producción de *charm* viene dada exclusivamente por PGF (como en el FFNS) y por encima de μ_c viene dada por una combinación consistente de PGF y *charm* del mar. El quark c del mar se trata como un quark no masivo y su contribución viene descrita por la densidad de partones en el hadrón, denotada por $c^{VFNS}(x, \mu^2)$. A primera vista parece similar a la producción de quark por excitación, sin embargo, existe una importante diferencia: existe una relación entre $c^{VFNS}(x, \mu^2)$ y la densidad de gluones que originalmente interviene en el proceso de PGF. Existe, asimismo, una íntima relación entre FFNS y el modelo de VFNS que impone ciertas condiciones en la densidad del quark c. Tales condiciones no existen en el de modelo de excitación, donde la densidad de quark c es una función arbitraria ajustada a los datos experimentales.

El procedimiento seguido por un modelo que no incorpore PGF no es capaz de proporcionar una buena descripción en el umbral de producción de *charm*. El proceso PGF requiere que la componente *charm* de la función de estructura se anule por encima de $x = Q^2 \ /(Q^2 \ + 4m_c^2)$. En un modelo que no incorpore PGF esta condición se pierde, ya que el comportamiento en x, en la región umbral, viene dado por $c(x, \mu^2)$.

Por otra parte un modelo con sólo PGF (como el FFNS) tiene también sus desventajas a alto Q^2 tal y como se ha mencionado más arriba. La razón era que los coeficientes C_g calculados hasta NLO están dominados por términos logarítmicos del tipo $ln(Q^2 \ /m_c^2)$ que, a alto Q^2, crecen demasiado y vician la serie perturbativa. De ahí que estos logaritmos tengan que ser resumados haciendo uso de técnicas estándar del grupo de renormalización. Ésto es exactamente lo que se realiza en el modelo de VFNS.

Esta resumación, en el esquema VFNS, procede del siguiente modo. Inicialmente F_2 es la suma de $F_2^{c\bar{c}}(x, Q^2, m_c^2)$ y las componentes de partones ligeros, $F_2^{u+d+s}(x, Q^2)$. Éstas consisten de las densidades de los partones u,d,s y g, convolucionadas con sus coeficientes o funciones coeficiente correspondientes, C_u,C_d,C_s y C_g. A continuación se toma el límite $Q^2 \to \infty$ y se desarrolla la factorización de la masa para extraer de los coeficientes para quarks pesados los logaritmos del tipo $ln(Q^2 \ /m_c^2)$. Tal factorización se puede escribir como una convolución de los elementos de matriz para el quark pesado, que contienen estos logaritmos, y los coeficientes para partones ligeros que son finitos en el límite $m_c \to 0$. La densidades de partones se modifican[2] multiplicando las originales densidades u,d,s y g por los elementos de matriz para el quark c,

[2]Este método es susceptible de crítica pues las densidades de partones debieran permanecer inalteradas.

donde uno tiene que introducir una densidad de partones para representar el quark c. Hay que observar que no se trata de una función densidad arbitraria ya que, a través de los elementos de matriz, depende de las densidades originales representadas por los tres quarks ligeros (u,d,s) y el gluón (g) en el esquema a tres sabores (FFNS). Todo este proceso conduce a funciones de estructura F_2 y $F_2^{c\bar{c}}$ que están representadas en un esquema a cuatro sabores, en el que los coeficientes debidos al quark c han desaparecido. Aunque se obtienen de este modo resultados similares a los que resultan de un modelo de excitación de *charm*, el origen es completamente diferente.

Es necesario hacer énfasis en que el modelo de VFNS arranca con el modelo dinámico de producción de *charm* (FFNS), es decir, con una función de estructura con sólo tres quarks ligeros y tomando el quark c como un quark masivo, $F_2^{u+d+s}(x,Q^2)$ y $F_2^{c\bar{c}}(x,Q^2,m_c^2)$. En el límite Q^2 grande, los términos logarítmicos $ln_i(Q^2\ /m_c^2)ln^j(\mu^2/m_c^2)$ de los coeficientes $C_g(z,Q^2,\mu^2)$ se hacen demasiado grandes y el procedimiento a seguir es el de resumar tales términos a todos los órdenes en teoría de perturbaciones. El procedimiento completo se puede resumir en la siguiente ecuación

$$F_2(n_f,Q^2) + \lim_{Q^2>>m^2}\{F_{2,H}(n_f,Q^2,m^2)\} = F_2^{VFNS}(n_f+1,Q^2) \tag{2.6}$$

donde n_f es el número de partones ligeros y H denota al quark pesado.

El método aquí descrito es estrictamente válido para calcular cantidades completamente inclusivas como por ejemplo la función de estructura. Para cantidades exclusivas (tales como secciones eficaces diferenciales) los términos logarítmicos ya no están presentes en la serie perturbativa.

2.3.2 El modelo à la Aivazis et al.

En el modelo de [23] se introduce el quark masivo c en el protón de tal forma que debajo de un particular nivel de resolución, $Q^2 \approx 4m_c^2$, el fotón virtual no puede resolver fluctuaciones de vida tan pequeña de gluones que conducen a pares $c\bar{c}$. Así pues, alrededor de este umbral, la producción de *charm* está descrita por PGF. A medida que Q^2 aumenta, más allá de $Q^2 \approx 4m_c^2$ la evolución de QCD de la distribución de *charm* que procede del mar del protón genera automáticamente parte de la sección eficaz de PGF. Para evitar un doble contaje, es necesario substraer esta componente de la sección eficaz de PGF, tal y como se muestra en la figura 2.2 (el símbolo || del *struck quark* en el segundo diagrama significa que está en la capa de masas y además es colineal con el gluón). Esto significa que a medida que Q^2 aumenta el proceso de PGF juega un papel cada vez menor en la contribución a la producción de *charm*. Así, a alto $Q^2 >> m_c^2$ se puede considerar que el protón consta de cuatro partones ligeros (u,d,s y c).

2.3.3 El modelo à la Thorne et al.

En una línea similar, en [24] se combinan los modelos dinámico (hasta $Q^2 = m_c^2$) y de excitación (para $Q^2 > m_c^2$) de tal modo que la evolución de la función de estructura es continua a través del punto de transición en Q^2. Para ello se impone como condiciones:

(i) que la función de estructura calculada con un modelo dinámico coincida con la de un modelo de excitación a $Q^2 = m_c^2$ (esta condición también se impone en el modelo á la Smith);

(ii) que la derivada de la función de estructura calculada con un modelo dinámico coincida con la de un modelo de excitación a $Q^2 = m_c^2$;

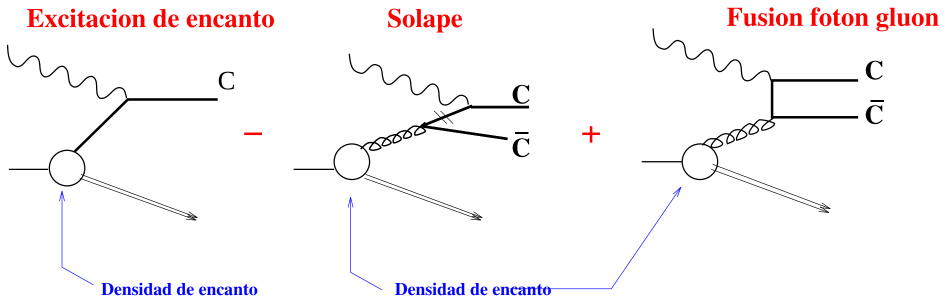

Figura 2.2: *A medida que la escala de la interacción entre el protón y el fotón virtual aumenta, el fotón es capaz de resolver las fluctuaciones en el campo de gluones que conducen a la existencia de pares $c\bar{c}$ de vida muy corta. Al aumentar Q^2 estas fluctuaciones evolucionan con Q^2 en una forma similar a como lo hacen los quarks ligeros (u, d y s). En este punto hay una componente de la sección eficaz de PGF que se repite y reproduce por la evolución de la densidad de quark c y debe ser substraída para así evitar el doble contaje. Esta substracción conduce a un papel cada vez menos relevante de PGF como mecanismo de producción de charm al aumentar Q^2.*

(iii) que (i) y (ii) se satisfagan orden a orden en teoría de perturbaciones.

La comparación que en [24] se realiza con los datos de obtenidos en esta tesis es también satisfactoria.

2.4 *Charm* intrínseco

Existe otra posible fuente de *charm* en el protón, la del *charm* intrínseco [25].

La hipótesis de *charm* intrínseco en el protón fue introducida en un intento de entender la gran discrepancia entre algunos resultados experimentales y la producción de *charm* a través de cálculos perturbativos LO a grandes x_F donde $x_F = P_{||}/P_{||_{max}}$ (es decir, para quarks c con un momento longitudinal grande). A medida que se han tomado nuevas medidas y se han desarrollado cálculos NLO, esta discrepancia ha disminuido notablemente hasta casi desaparecer. Hay, sin embargo, todavía ciertos aspectos de esos datos que son difíciles de entender dentro del marco de QCD.

El *charm* intrínseco asume la existencia de un par $c\bar{c}$ como una componente no perturbativa en el estado ligado del protón (en contraste con la distribución de *charm* del mar que resulta de un efecto perturbativo). La función de onda del protón se escribe pues, $|P >= \alpha|uud > +\beta|uudc\bar{c} > +...$, habiendo una pequeña probabilidad β^2 de encontrar un par $c\bar{c}$ en el protón.

La normalización de tal componente pesada en la función de onda del protón es desconocida, aunque debe decrecer como $1/m_Q^2$. Originalmente se estimó que la contribución proveniente del *charm* intrínseco era del 1%. Investigaciones posteriores condujeron a un valor inferior $\approx 0.3\%$.

El par $c\bar{c}$ forma parte de los quarks de valencia y no debe ser considerado como parte de la distribución del mar. Debido a ello, el par $c\bar{c}$ tiene una alta x [(3)], es decir, se producen en una dirección muy hacia delante en η. No se espera que el detector ZEUS, tal y como ha sido construido, sea capaz de detectar tales contribuciones a la estructura del protón.

[3] Toda componente no perturbativa debe moverse esencialmente con la misma velocidad de modo que el protón pueda permanecer como partícula. Dado que el quark c es mucho más pesado que los otros quarks de valencia, debe poseer una alta fracción de momento del protón para adquirir la suficiente velocidad.

2.5 Simulación Monte Carlo

Muestras enriquecidas de sucesos de DIS a partir de $Q^2 = 0.6$ GeV^2 [4] conteniendo al menos un mesón D^* yendo a

$$D^{*+} \to D^0 \pi_s^+ \to K^- \pi^+ \pi_s^+ (+c.c.) \tag{2.7}$$

fueron generadas por el Monte Carlo AROMA 2.1 [26]. AROMA es un modelo diseñado para la producción de hadrones pesados. Contiene los siguientes ingredientes:

(i) Elementos de matriz a primer orden en teoría de perturbaciones para el proceso de PGF, $\gamma^* g \to c\bar{c}$ (teniendo en cuenta el valor de la masa del quark c y la estructura completa de la interacción electrodébil para el cálculo de los elementos de matriz).

(ii) Emisión de gluones del par $c\bar{c}$ en forma de cascada partónica.

(iii) Cascada partónica en el estado inicial.

(iv) Hadronización con el modelo de cuerdas de Lund tal y como aparece desarrollado en JETSET.

(v) Desintegración de hadrones pesados.

También se generaron muestras PGF, $\gamma^* g \to c\bar{c}$ en LO, enriquecidas en mesones D^* yendo al canal 2.7 con los Monte Carlo HERWIG 5.8 [27] y DJANGO 6.1. [28], cuyas principales características se mencionan en la sección 3.2.

Los parámetros de todos los generadores Monte Carlo utilizados son aquellos establecidos por defecto. En particular el valor de la masa del quark c utilizado por AROMA es 1.35 GeV, mientras que para HERWIG es 1.8 GeV. DJANGO no tiene en cuenta el valor de la masa en los cálculos de los elementos de matriz ($m_c = 0$). Merece la pena resaltar, además, que HERWIG introduce m_c como un parámetro más en su modelo de fragmentación de *clusters* (ver la sección 3.2.4). Para la densidad de partónica se hizo uso de las parametrizaciones de MRSD$-'$ [29] y MRSA$'$ [6].

Todas estas muestras Monte Carlo (AROMA, HERWIG y DJANGO) han pasado a través de la simulación del detector, del *trigger* y de la reconstrucción de los datos para la determinación de la aceptancia del detector ZEUS, la determinación de la eficiencia de selección de sucesos DIS y de reconstrucción de D^* y para la posterior corrección de los datos.

Últimas observaciones. El comportamiento del quark c y en particular cuando debe y no debe considerarse como un partón en el protón constituye actualmente un asunto muy interesante y activo. Los datos presentados en esta tesis se comparan con los cálculos analíticos de B. Harris et al. [30] basados en un modelo dinámico de producción de *charm*. A través esta comparación sería posible ver a que escala, Q^2, PGF deja de funcionar y de seguir a los datos. Por el momento esta ruptura del modelo de PGF, que se espera que ocurra, no ha sido observada.

[4] También se generaron muestras a partir de $Q^2 = 2$ GeV^2.

Capítulo 3

Fragmentación

3.1 Introducción a la fragmentación

QCD ha sido capaz de describir los procesos de interacción fuerte en los que se transfiere una gran cantidad de energía. Sin embargo, no existe todavía una descripción única basada en QCD para aquellos procesos en los que la cantidad de energía transferida es menor, como en el caso de la formación de hadrones a partir de quarks y gluones. En este caso en concreto se recurre a modelos fenomenológicos que tratan de describir la hadronización. La figura 3.1 muestra en un ejemplo el proceso de fragmentación.

Los elementos habituales en toda fragmentación son (ver la figura 3.1):

(i) una evolución perturbativa de los partones dispersados a través de la creación y desarrollo de una cascada partónica.

(ii) una hadronización que materialice en partículas los subproductos de la cascada partónica.

3.1.1 Cascada partónica

Como una aproximación a los efectos de QCD a órdenes superiores, se utiliza la conocida técnica del desarrollo de cascadas partónicas. Las cascadas partónicas simulan la radiación de gluones de los partones incidente y dispersado. El método corrige las secciones eficaces a primer orden con términos logarítmicos que corresponden a ramificaciones sucesivas de uno a dos partones ($1 \to 2$). Se generan independientemente dos cascadas partónicas en los estados inicial y final. Las funciones de disociación (P_{ij}) determinan la fracción de momento de los partones radiados respecto del partón inicial. En la cascada partónica inicial los partones incidentes se hacen cada vez más virtuales a medida que radian más y más gluones o quarks. Después de la interacción fuerte, los partones virtuales radian más y más gluones o quarks, disminuyendo así su virtualidad. La radiación continúa hasta que la masa del partón alcanza un valor $m_{min} \approx 1$ GeV, donde los efectos no perturbativos adquieren importancia y la simulación del suceso entra en el estadio de la hadronización.

Efectos de coherencia. Los estudios teóricos y las medidas experimentales [31, 32, 33, 34] han demostrado la necesidad de tener en cuenta el efecto conocido como la coherencia dentro de la cascada partónica. El fenómeno de coherencia es tal que la emisión de sucesivos partones se realiza a un ángulo cada vez menor en el estado final (mayor en el estado inicial) es decir, la emisión de partones se ordena en ángulo de un modo decreciente en el estado final (creciente en

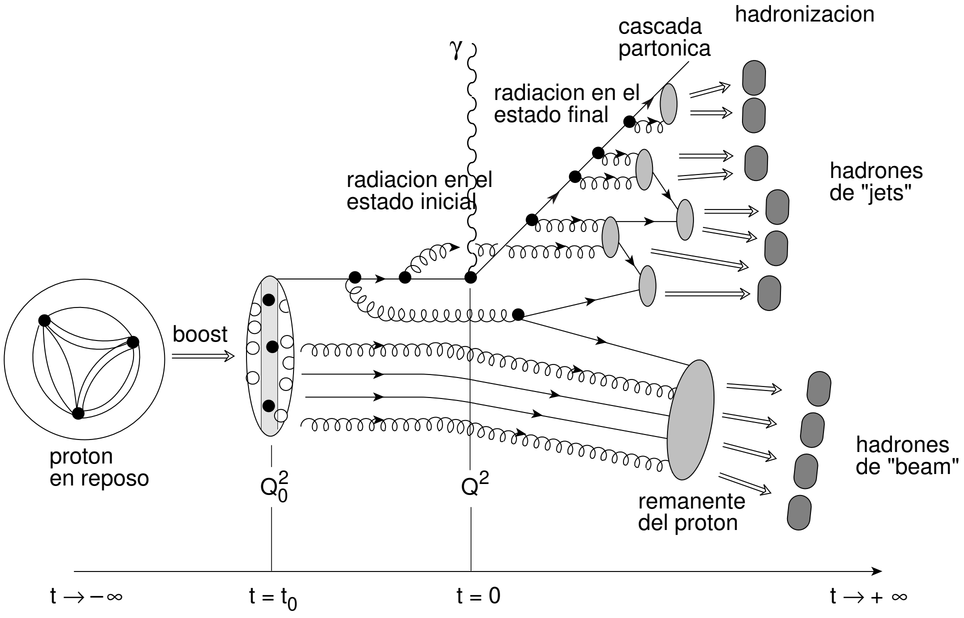

Figura 3.1: *Diagrama esquemático de un proceso de dispersión profundamente inelástica e^+p, mostrando las diferentes fases en el desarrollo del sistema final hadrónico.*

el estado inicial). En el Monte Carlo, los efectos de coherencia se tienen en cuenta imponiendo un orden angular en las emisiones.

3.1.2 Hadronización

Durante la interacción fuerte los quarks y gluones pueden ser considerados como partículas libres. A medida que los partones se alejan, el campo de color[1] incrementa su energía. Llega un momento en que es más favorable energéticamente que el campo de color se rompa. Al hacerlo, parte de la energía almacenada durante el proceso de separación, se convierte en la masa de una pareja adicional quark-antiquark. De este modo, los quarks producidos en los experimentos a muy alta energía no se observan como partículas libres (la carga de color tampoco se observa) sino que se reorganizan en hadrones incoloros donde permanecen confinados.

La hadronización está gobernada por procesos no perturbativos y no se puede calcular a partir de primeros principios. En su lugar se recurre a una descripción fenomenológica basada en ideas físicas y fundamentos generales.

3.2 Modelos Monte Carlo

Los modelos Monte Carlo (MC) proporcionan una técnica para simular interacciones en física de alta energía. Un modelo Monte Carlo comprende generalmente tres estadios:

(i) La simulación de la interacción fotón-partón.

(ii) La evolución perturbativa de los partones dispersados a través de la creación y desarrollo de una cascada partónica (esbozada en 3.1.1).

[1]La energía potencial entre dos objetos con carga de color se puede expresar como $V(r) = -\frac{4}{3}\frac{\alpha_s}{r} + \kappa r$, siendo r la separación de quarks y/o gluones entre sí y κ (tensión de la cuerda) una constante que define la densidad de energía del campo QCD.

(iii) La hadronización (esbozada en 3.1.2).

Las funciones de fragmentación medidas se comparan, en esta tesis, con las predicciones de los Monte Carlo PYTHIA 5.7 [35], DJANGO 6.1 [28] y HERWIG 5.8 [27]. DJANGO hace de programa enlace entre HERACLES 4.4 [2] [36] y LEPTO 6.1 [3] [37]. PYTHIA y DJANGO incorporan JETSET [38] como modelo para la descripción de la hadronización. HERWIG posee un modelo de fragmentación diferente basado en la formación de *clusters*.

Debido a sus defectos y limitaciones, el detector distorsiona la realidad. Por lo tanto, es necesaria una herramienta que reproduzca tal ineficiencia y corrija convenientemente a las distribuciones 'reales': una muestra de sucesos generada con cierto Monte Carlo se utiliza para la reconstrucción de los efectos del detector; las distribuciones que resultan de tal reconstrucción se comparan con las de partida (las generadas por el Monte Carlo) para obtener así un conjunto de eficiencias; tales eficiencias se aplican posteriormente a los datos para poder realizar una comparación entre datos corregidos (distribuciones 'reales') y predicción Monte Carlo.

La muestra de sucesos generada con PYTHIA [4] (DJANGO) ha sido utilizada para la corrección de aquellos datos medidos en el régimen de fotoproducción (DIS). HERWIG se ha utilizado como check sistemático de la no dependencia de la muestra Monte Carlo utilizada para la corrección.

3.2.1 La interacción fotón-partón

En PYTHIA el proceso de simulación de la interacción fotón-partón empieza por la elección de la energía del fotón incidente de acuerdo con la aproximación de Weizsäcker-Williams. El momento del quark y del gluón que intervienen en la interacción fotón-partón se toman de las distribuciones partónicas disponibles en la PDFLIB. De este modo se determina la energía de las partículas en el estado inicial. La energía y momento de los quarks y gluones en el estado final se generan de acuerdo con las secciones eficaces a primer orden en teoría de perturbaciones para todas las posibles interacciones en QCD. Para evitar la región a baja energía donde los cálculos de QCD no son aplicables, se toma un límite (*cut off*) inferior para el momento transverso de la interacción fotón-partón, $p_{T_{min}}$.

La interacción fotón-partón en DJANGO y HERWIG se realiza, al igual que en PYTHIA, mediante el cálculo completo de los elementos de matriz a primer orden en teoría de perturbaciones.

3.2.2 La hadronización en JETSET

PYTHIA y DJANGO utilizan el modelo de cuerdas de Lund [39], tal y como aparece desarrollado en JETSET, para simular la hadronización. JETSET se basa en el principio de confinamiento arriba descrito.

Después de la creación de la cascada partónica se tiene un estado final que consiste de quarks y gluones con campos de color o "cuerdas" que los mantienen unidos entre sí. Conforme los partones se separan, llega un momento en que es más favorable energéticamente que el campo de color se rompa. En el modelo de Lund, este proceso convierte la energía almacenada en la cuerda en un par $q\bar{q}$.

[2] HERACLES es un programa Monte Carlo que incorpora las correcciones electrodébiles debidas a radiación por parte del positrón de fotones en los estados inicial o final y de fotones virtuales en DIS.

[3] LEPTO incorpora el cálculo de los elementos de matriz hasta primer orden en teoría de perturbaciones (i) y MEPS (matrix elements + parton shower) para la simulación de la cascada partónica (ii).

[4] Tanto PYTHIA como DJANGO utilizan LEPTO para la simulación de la interacción fotón-partón.

Cuando el campo de color se rompe, el par $q\bar{q}$ se debe producir en el mismo punto del espacio, de otro modo conservaciones locales como la de la carga y el sabor serían violadas. Sin embargo, como parte de la energía potencial de la cuerda se convierte en la masa y momento de un quark y un antiquark cuando ésta se rompe, el modelo de Lund parece no satisfacer estas leyes de conservación. Este problema se evita postulando que el par $q\bar{q}$ pasa por efecto túnel del mismo punto en el espacio donde la cuerda se rompe (obedeciendo las leyes de conservación locales) a un punto lo suficientemente alejado, donde son "creados" con la requerida masa y momento [5]. La probabilidad de que, por el efecto túnel mecano-cuántico, se produzca un quark o antiquark de masa m_q y momento transverso relativo a la cuerda, p_T, viene dada por

$$P = e^{-\pi m_q^2/\kappa} e^{-\pi p_T^2/\kappa} \tag{3.1}$$

κ es la densidad de energía de la cuerda ya introducida anteriormente. Este proceso continúa hasta que la masa restante a hadronizar sea aproximadamente 1 GeV. El límite en el valor de la masa varía de suceso a suceso y se elige de forma que la distribución en rapidez de las partículas en el sistema centro de masas sea plana. En este punto todos los quarks y antiquarks se agrupan en hadrones.

La inferior tasa de producción de hadrones con un quark s relativa a la de hadrones con quarks u y d se explica en el modelo de Lund por la mayor masa del quark s relativa a la masa de los quarks u y d. La tasa relativa de producción de pares $q\bar{q}$ $u : d : s$ en JETSET viene dada por $1 : 1 : P_s/P_u$ donde P_s/P_u es el factor de supresión del quark s. El valor establecido por defecto, a raíz de los distintos valores obtenidos experimentalmente, es $P_s/P_u = 0.3$. Este valor no está bien determinado dado que el confinamiento prohibe que el valor de la masa de los quarks se mida directamente y, por el momento, no existe ningún método teórico capaz de predecir el valor de la masa de los quarks. El quark c, siguiendo el mismo argumento anterior, o quarks más pesados están suprimidos un factor $O(10^{-13})$ y no se producen en la fragmentación.

A parte de predecir la tasa de producción de partículas, los modelos Monte Carlo deben ser capaces de simular el espectro en momento de los hadrones. JETSET utiliza la función simétrica de fragmentación de Lund como valor por defecto

$$D^h(z) = z^{-1}(1-z)^a e^{-bm_T^2/z} \tag{3.2}$$

donde

$$m_T^2 = E^2 - p_z^2 = m_h^2 + p_x^2 + p_y^2 \tag{3.3}$$

es la "masa transversa" del hadrón h con cuadrimomento (E, p_x, p_y, p_z), z es el momento del hadrón en unidades del momento del quark del que proviene (o la fracción de momento del quark padre que posee el hadrón h) y a y b son parámetros libres que controlan la forma de la función de fragmentación a alto y bajo z y el momento transverso con el que se crea el par $q\bar{q}$. Esta forma se deriva de la condición de que la distribución en momento de las partículas en el estado final no depende de dónde finalice la cuerda que ha originado la fragmentación.

En el modelo de Lund (como una opción del subprograma ARIADNE) los gluones son tratados como una doblez en la cuerda. Los pares quark-antiquark se producen en la cuerda

[5]Si el par $q\bar{q}$ creado no tiene masa o momento transverso puede clásicamente ser creado en un punto y después ser empujado por el campo. Sin embargo, si los quarks tienen masa y/o momento transverso, deben, clásicamente, ser producidos a una cierta distancia de manera que el campo de energía que hay entre ellos se pueda transformar en la masa transversa m_T (clásicamente el q y el $\bar{q}$ se moverán a lo largo de las ramas de una hipérbola de masas, con el foco definiendo un vértice efectivo de ruptura, siendo la mínima distancia entre las dos ramas de la hipérbola $2m_T/\kappa$). Cuánticamente, los quarks pueden crease en un punto y posteriormente moverse, por efecto túnel, hasta la región clásicamente permitida.

como se ha descrito arriba. El gluón se combina con un quark o un antiquark producido por la cuerda en cada lado de la doblez para formar un hadrón, con la condición de que el hadrón tenga la masa correcta. La hadronización de las dos cuerdas que quedan a cada lado del gluón, procede del mismo modo anteriormente expuesto, con la producción de pares $q\bar{q}$. Como se hace mención en 3.3.1 se esperan ciertas diferencias entre las funciones de fragmentación de quarks y las de gluones. Los gluones se tratan de una forma efectiva como si consistieran de dos campos de color. Ésto le proporciona al modelo de Lund la explicación de las diferencias entre la fragmentación de quarks y de gluones.

3.2.3 Modelos hadrónicos más refinados

Una descripción más completa de la producción de hadrones requiere la simulación de otros procesos tales como la producción de estados de spin superior y la producción de bariones. Ésto conduce a un mayor número de parámetros necesarios dentro del modelo de Lund para poder controlar las tasas de producción de partículas. Finalmente, las correlaciones de Bose-Einstein [40, 41] también podrían tenerse en cuenta a la hora de determinar el sistema final hadrónico de sucesos que contienen dos partículas iguales.

La producción de bariones en JETSET se origina mediante la creación de pares diquark-antidiquark. Como una posibilidad para desplazar (en pseudo-rapidez) bariones del punto de formación del diquark, se introduce el mecanismo de *popcorn*. A través de este mecanismo se permite la producción de pares $q\bar{q}$ entre otros pares $q\bar{q}$. De ese modo es posible la formación de estados qqq o $\bar{q}\bar{q}\bar{q}$. El par $q\bar{q}$ más interior puede combinarse y formar un mesón (M), dejando que los otros pares qq y $\bar{q}\bar{q}$ se combinen con sus quarks y antiquarks vecinos. De esta forma, el barión y el antibarión ($B\bar{B}$) no siempre aparecen uno al lado del otro en la cadena de fragmentación. La proporción relativa en la que las combinaciones $B\bar{B}$ y $BM\bar{B}$ ocurren en la fragmentación ($B\bar{B} : BM\bar{B}$) viene determinada por la magnitud del parámetro del mecanismo de *popcorn*. También se permite la aparición de partículas que proceden de la desintegración de quarks pesados o estados excitados. Las incertidumbres en los *branching ratios* (probabilidades de desintegración) de tales estados conducen a incertidumbres en la tasa de producción y en el espectro en momento de los hadrones más ligeros.

3.2.4 Modelo de *clusters*

HERWIG forma singletes de color o *clusters* en el proceso de hadronización. Estos *clusters* satisfacen lo que se denomina el 'pre-confinamiento': tienen unas distribuciones de masa y espacial que se concentran a valores bajos, su producción desciende rápidamente para *clusters* con grandes masas y tamaños y son independientes de la escala del proceso de interacción fotón-partón.

Los *clusters* formados se fragmentan para dar lugar a hadrones. En principio los *clusters* contienen sólo parejas $q\bar{q}$ formadas por los quarks u y d (posiblemente también parejas de diquarks y antidiquarks, aunque suprimidas respecto a los pares $q\bar{q}$). Ahora bien, aquellos *clusters* lo suficientemente masivos como para desintegrarse en dos hadrones, se desintegran en parejas del siguiente modo:

(i) Se toma el *cluster* inicial formado por los quarks $f_1\bar{f}_2$.

(ii) Se elige un quark de sabor f al azar entre u, d, s y c.

(iii) Con el *cluster* inicial $f_1\bar{f}_2$, el quark f elegido y su antiquark $\bar{f}$ correspondiente, se forman entonces dos parejas $f_1\bar{f}$ y $f\bar{f}_2$ a las que seguidamente se les asignará un hadrón.

(iv) Del conjunto de hadrones constituidos por combinaciones de quarks $f_1\bar{f}$ se elige uno al azar en la tabla de hadrones. Los hadrones pueden ser mesones con momento angular total y paridad $J^P = 0^-, 1^\pm$ o $2^\pm$ o bariones [6] con $J^P = \frac{1}{2}^+$ o $\frac{3}{2}^+$

(v) Esta elección ($\{f_1, \bar{f}\} \to h$) se acepta con una probabilidad que es proporcional a la densidad de estados (espacio de fases veces degeneración de spin) de tal posible combinación de quarks $f_1\bar{f}$ para formar el hadrón h. Si no es aceptada la elección, se repite el proceso.

(vi) Se repiten (iv) y (v) para el otro par $f\bar{f}_2$.

En este modelo, a diferencia del modelo de Lund, no se produce una cuerda de color con los quarks u, d, s y c (con los parámetros de supresión para controlar la tasa de producción relativa de unos y otros) sino que sólo intervienen los quarks u y el d. A posteriori se introducen tal y como se ha explicado anteriormente los quarks s y el c. En HERWIG no existe ningún parámetro de supresión o similar; la tasa de producción relativa de unos quarks y otros aparece de forma natural en el modelo mediante consideraciones de espacio de fase y de degeneración de spin.

3.3 Funciones de fragmentación

Las funciones de fragmentación, $D_f^h(z, Q^2)$, se definen de tal forma que $D_f^h(z, Q^2)dz$ representa la probabilidad de que un gluón o un quark de sabor f produzcan un hadrón h con una fracción de su momento entre z,$z + dz$ y a una distancia $O(1/Q)$ de su antecesor. Como ya hemos indicado arriba no pueden obtenerse a partir de primeros principios. Para la utilización de las funciones de fragmentación se hace uso de la hipótesis de la factorización que consiste en separar la producción de partones de la proyección de estos partones sobre hadrones. Ésto lleva implícita la propiedad de universalidad de las funciones de fragmentación. Este hecho permite, por ejemplo, el cálculo de su espectro en momento y ángulo polar, independientemente de las demás partículas que surjan en el suceso. Despreciando las masas, la fracción de momento, z, se define como:

$$z = \frac{p_h \cdot n_{jet}}{E_{jet}} \approx \frac{p_{hL}}{E_{jet}} \tag{3.4}$$

donde p_{hL} denota el momento de la partícula a lo largo de la dirección del eje del jet a la cual está asignado (n_{jet}) y los jets están compuestos de partículas sin masa [7]. El momento de la partícula se proyecta en la dirección del eje del jet antes de normalizarse a la energía del jet. Esta definición es más conveniente para aceleradores en los que las partículas que colisionan son hadrones y se asemeja a las definiciones utilizadas por UA1 [42] y CDF [43] en estudios de fragmentación en colisiones $p\bar{p}$. Alternativamente,

$$z = \frac{E_h}{E_f} \tag{3.5}$$

Esta definición es similar a la utilizada en experimentos e^+e^-, $z = \frac{E_h}{E_f} = \frac{E_h}{E(beam)}$ (8) $= \frac{2E_h}{\sqrt{s}}$, siendo s la energía en el sistema centro de masas. z es la fracción de energía del partón

[6] La forma más simple de introducir la producción de bariones en éste modelo es el permitir no sólo la producción de quarks-antiquarks (f, $\bar{f}$) sino también de combinaciones de diquarks-antidiquarks ($ff, \bar{f}\bar{f}$) de forma se que obtienen tripletes-antitripletes de color (f_1ff, $\bar{f}\bar{f}\bar{f}_2$)

[7] La asociación de partículas a jets se tratará en 6.3.2.

[8] $E(beam)$ es la máxima energía $E(max)$ de la que el partón inicial dispone

inicial f que se lleva el hadrón h producido como resultado de la hadronización. Como en los experimentos e^+e^- el sistema del laboratorio coincide con el sistema centro de masas, un valor de z definido de éste modo no depende del ángulo en el que se haya producido la partícula y es independiente de muchos otros detalles del mecanismo de hadronización y de efectos de órdenes superiores en teoría de perturbaciones. Otra ventaja es que no es necesaria la identificación de jets o la asociación de partículas con jets para la determinación de $D_f^h(z,Q^2)dz$. Ambas definiciones de z serán utilizadas en esta tesis.

La sección eficaz de producción de cierto tipo de hadrones h se relaciona con la función de fragmentación a través de la sección eficaz de producción del partón f:

$$\frac{d\sigma}{dE_h}(AB \to hX) = \sum_f \int \frac{d\sigma}{dE_f}(AB \to fX) D_f^h(E_h/E_f, Q^2) \frac{dE_f}{E_f} \tag{3.6}$$

dado que $dz = E_f^{-1} dE_h$. La integral de $D_f^h(z,Q^2)dz$ sobre todo el rango físico de z resulta ser el número promedio de hadrones h (o la multiplicidad media de hadrones h por jet) del jet que proceden del partón f,

$$< N_f^h >= \int_{z_{min}}^1 dz D_f^h, \tag{3.7}$$

donde el límite inferior, cinemáticamente hablando, representa el mínimo z al que puede producirse un hadrón de masa m_h a partir de un partón con energía E_q, $z_{min} = \frac{m_h}{E_f}$. El valor de la multiplicidad media viene dado esencialmente por el comportamiento de $D_f^h(z,Q^2)dz$ a bajo z. Es en esta región de z, como veremos, donde la comparación modelo-experimento revela más información en el régimen de fotoproducción. Es, al mismo tiempo, la región donde más difícil se hace la comparación entre los diferentes experimentos (e^+e^-, $p\bar{p}$ y e^+p).

Existe una cercana analogía entre funciones de fragmentación y funciones de estructura. Una es la densidad de probabilidad de encontrar el hadrón h entre los productos de fragmentación del partón f; la otra es la densidad de probabilidad de encontrar el partón f dentro del hadrón h. La integral de $D_f^h(z,Q^2)dz$ corresponde a la multiplicidad hadrónica en un partón y es el análogo de la densidad partónica de un hadrón. Otros ejemplos de la similitud entre funciones de fragmentación y funciones de estructura son los siguientes:

(i) Una vez que la función de fragmentación se ha medido a una escala particular, Q_0, se puede recurrir a QCD para predecir su valor a una escala diferente a través de las ecuaciones de DGLAP

(ii) QCD predice que las funciones de fragmentación deben sufrir violaciones de escala con una dependencia logarítmica en la energía; como resultado de tal violación la probabilidad de que un hadrón producido a bajo z (con una baja fracción de energía) provenga de un partón con alta energía es mayor que la probabilidad de que provenga del mismo partón con una energía más baja.

(iii) Los principios de conservación se convierten en reglas de suma; por ejemplo, la conservación de momento conduce a la regla de la suma:

$$\sum_h \int_0^1 z D_f^h dz = 1 \tag{3.8}$$

(iv) Las funciones de fragmentación obedecen las mismas relaciones de sabor e ISO-spin que las funciones de estructura; por ejemplo,

$$D_d^{\pi^+} = D_u^{\pi^-} = D_{\bar{u}}^{\pi^-} = D_{\bar{d}}^{\pi^+} \tag{3.9}$$

3.3.1 Medida de las funciones de fragmentación

El proceso $e^+e^- \rightarrow q\bar{q}$ es el ideal para medir las funciones de fragmentación; se pueden seleccionar sucesos a dos jets con una pureza extrema, los sucesos no contienen jets procedentes del remanente de las partículas incidentes y la escala en energía de la interacción es con precisión, y sin ninguna ambigüedad, la energía en el centro de masas, permitiendo una determinación precisa de z.

La medida de la funciones de fragmentación del gluón en experimentos e^+e^- es más complicada debido a que la producción de tres jets está suprimida un orden de magnitud $O(\alpha_s)$ con respecto a la producción de dos jets. De acuerdo con QCD, las funciones de fragmentación de quarks y gluones han de ser distintas: la mayor probabilidad de que un gluón radie otro gluón y no un quark provoca que los jets que provienen de gluones posean una mayor multiplicidad de partículas, una función de fragmentación más suave y una distribución angular más ancha que la de jets procedentes de quarks de similar energía. La confirmación de tales predicciones de QCD en experimentos e^+e^- entraña cierta dificultad. Ello no sólo es debido al factor de supresión $O(\alpha_s)$, sino también a la reducida estadística causada por el particular criterio de selección. Tal criterio está basado en la topología del suceso y selecciona jets de igual energía, ya procedan de quarks o de gluones. De este modo se consigue la comparación de unos (jets de quarks) con otros (jets de gluones) que no esté sesgada (por un inadecuado criterio de selección). Las colaboraciones de DELPHI [44], ALEPH [45] y OPAL [46] han medido la función de fragmentación del gluón a partícula cargada y han confirmado las esperadas diferencias entre jets procedentes de quarks y jets procedentes de gluones. Más recientemente DELPHI [47] ha llevado a cabo un estudio de las partículas asociadas a jets procedentes de gluones.

3.3.2 Parametrización de las funciones de fragmentación

Funciones de fragmentación de quarks y gluones para $\pi^\pm, K^\pm$ y $K^0 + \bar{K}^0$ han sido derivadas a primer (LO) y segundo (NLO) orden en teoría de perturbaciones por Binnewies et al. [48]. La parametrización de las funciones de fragmentación tiene la forma:

$$D_f^h(z, Q_0^2) = N_f z^{\alpha_f}(1-z)^{\beta_f} \tag{3.10}$$

donde $f = u, d, s, c, b, g$ y $Q_0^2 = 2$ GeV^2. Los parámetros de las funciones de fragmentación, N_f, α_f y β_f se determinan a través del ajuste del espectro en energía $\frac{1}{\sigma_{HAD}}\frac{d\sigma}{dz}$ de $\pi^\pm, K^\pm$ y $K^0 + \bar{K}^0$ medido en e^+e^-. Los datos correspondientes a $\pi^\pm$ y $K^\pm$ fueron obtenidos por la colaboración TPC [49] a una energía en el centro de masas $\sqrt{s} = 29$ GeV y por la colaboración ALEPH [32] a $\sqrt{s} = 91$ GeV. Los datos de K^0 fueron medidos por la colaboración Mark II [50] a $\sqrt{s} = 29$ GeV y por ALEPH [40].

De acuerdo con QCD, el espectro en energía de hadrones h en los experimentos de aniquilación e^+e^- está dado por,

$$\frac{s}{\beta_h}\frac{d\sigma}{dx} = \sum_f \int_x^1 \frac{dz}{z} D_f^h(z,s) \frac{d\sigma_f}{dy}(\frac{x}{z}, s) \tag{3.11}$$

donde $y = \frac{x}{z}$ y la suma se realiza sobre todos los partones que se consideren activos. Del mismo modo que para las funciones de estructura, las ecuaciones de DGLAP relacionan $D_f^h(z,s)$ con la inicial función de fragmentación $D_f^h(z, Q_0^2)$. Expresiones para las secciones eficaces a nivel partónico $\frac{d\sigma_f}{dy}(y, s)$ a LO y NLO se pueden encontrar en [51]. La únicas condiciones impuestas en las funciones de fragmentación son $D_u^{\pi^+ + \pi^-} = D_d^{\pi^+ + \pi^-}$ y $D_s^{K^+ + K^-} = D_u^{K^+ + K^-}$. Los datos de ALEPH [32] en la producción de hadrones cargados se agrupan en tres casos: (i) suma sobre todos los quarks, (ii) suma sobre los quarks u, d, s y (iii) quarks b; y se utilizan para extraer las funciones de fragmentación para los diferentes quarks. Para la función de fragmentación del gluón, experimentos previos en e^+e^- mostraron que un valor de $\alpha = -1$ ó 0 proporcionaba una descripción razonable de los datos. Sin embargo, la comparación de la función de fragmentación del gluón [51] con las medidas realizadas en OPAL [46] mostraron que un valor $\alpha = 0$ resultaba favorecido por los datos. En las ecuaciones de evolución de DGLAP se tiene en cuenta el umbral de producción de los quarks pesados incluyendo la fragmentación del quark c y b en un estado posterior a una escala en energía $Q_0 = m(\eta_c) = 2.979$ GeV y $Q_0 = m(\Upsilon) = 9.460$ GeV, respectivamente.

La función de fragmentación $K^0 + \bar{K}^0$ [48] se obtiene de una forma análoga a la de hadrones cargados. También se impone una condición similar, $D_s^{K^0 + \bar{K}^0} = D_u^{K^0 + \bar{K}^0}$ en el cálculo de las funciones de fragmentación. Contrariamente al caso de hadrones cargados, no se dispone de datos en e^+e^- que proporcionen la contribución relativa de los distintos quarks o del gluón en la producción de K^0. Para la fragmentación de gluones a kaones neutros se toma, pues, la misma que se utiliza para el cálculo de la función de fragmentación para hadrones cargados. Así pues, $D_g^{K^0 + \bar{K}^0} = D_g^{K^+ + K^-}$.

Las funciones de fragmentación aquí descritas y obtenidas en [48] a partir de datos de experimentos de aniquilación e^+e^- son comparadas en esta tesis con las funciones de fragmentación de kaones y partículas cargadas medidas en los regímenes de fotoproducción y DIS con el detector ZEUS. Dado que en este análisis no se ha realizado una separación entre jets de quarks y jets de gluones la comparación cálculo analítico-experimento se realiza promediando sobre todos los quarks y el gluón [9]. Esta comparación supone un test de la universalidad de las funciones de fragmentación.

3.3.3 Funciones de fragmentación para quarks pesados

La probabilidad de que un quark y un antiquark formen un mesón es mayor si ambos tienen aproximadamente la misma velocidad. Si el quark F que se fragmenta es pesado, por ejemplo c o un b, sólo necesita comparativamente una pequeña fracción de su energía para extraer un cierto número de quarks ligeros del vacío con una velocidad comparable. Por ejemplo, si el quark F tiene una masa M_F y una velocidad β, consecuentemente tiene una energía $E_F = \gamma M_F$ (donde $\gamma^2 = 1/(1-\beta^2)$). Después de extraer del vacío un quark ligero de masa m_f y velocidad β, la energía del quark F pasa a ser, $E_F - E_f = \gamma(M_F - m_f)$, que para $M_F >> m_f$ es casi E_F. Un modelo explícito creado por Peterson et al. [52] muestra esta característica general; un hadrón pesado pierde menos fracción de momento en el proceso de materialización en un mesón. Se dice que posee una función de fragmentación dura (*hard*).

$$D_F^h(z) = cz^{-1}\{1 - 1/z - \xi/(1-z)\}^{-2} \tag{3.12}$$

donde c es una constante de normalización y $\xi = (m_f/M_F)^2$. La figura 3.2 muestra la función de fragmentación de Peterson. Se puede observar cómo a medida que ξ disminuye, el pico de

[9] Para reflejar la no separación de jets quarks y jets de gluones modificamos ligeramente la notación. Así pues $D_f^h(z, Q^2)$ pasa a denominarse $D^h(z, Q^2)$ o simplemente $D(z)$.

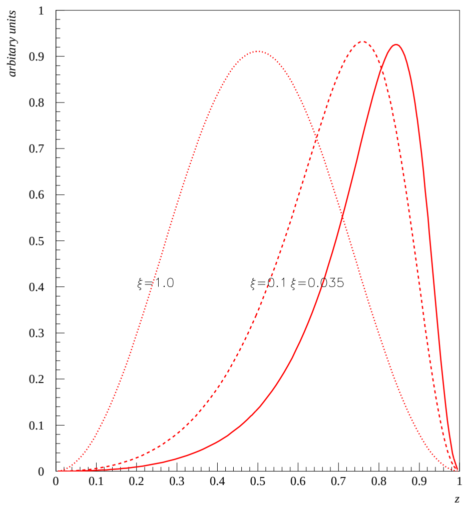

Figura 3.2: *Función de fragmentación de Peterson . A medida que el parámetro ξ decrece la función de fragmentación se endurece (el quark c pierde menos momento en el proceso de materialización en un mesón) y se mueve hacia $z = 1$.*

la distribución se mueve hacia $z = 1$.

3.4 Interacciones multipartónicas

En interacciones hadrón-hadrón existe la posibilidad de que en la interacción intervenga más de un partón de cada partícula incidente. En HERA, de forma análoga, la posibilidad de que más de un partón del fotón interaccione con varios partones del protón se ha tenido en cuenta incorporando esta opción de interacción multipartónica (MI) en el canal resuelto de fotoproducción. La inclusión de MI fue motivada por las diferencias observadas en la sección eficaz total a alta energía entre predicciones y experimento. La incertidumbre teórica y el hecho de que los cálculos perturbativos de la sección eficaz total divergen a medida que $p_{T_{min}} \rightarrow 0$, se traduce en que las predicciones exceden las medidas [16, 53]. Para evitar este problema, la medida de la sección eficaz total se puede interpretar como la de un experimento hadrón-hadrón, más que una simple sección eficaz partón-partón. El número medio de dispersiones partón-partón en un suceso, $< n_{scat} >$, está dado por

$$< n_{scat} >= \frac{\sigma_{hard}}{\sigma_{hadron}} \tag{3.13}$$

donde σ_{hadron} es la sección eficaz total hadrón-hadrón y σ_{hard} es la sección eficaz partón-partón calculada de acuerdo con

$$\sigma_{hard}(p_{T_{min}}) = \int_{p^2_{T_{min}}}^{s^2/4} \frac{d\sigma}{dp_T^2} dp_T^2 \tag{3.14}$$

PYTHIA genera sucesos con múltiples interacciones partón-partón mediante el cálculo de número medio de tales interacciones de acuerdo con las ecuaciones 3.13 y 3.14 . Se hace uso de la estadística de Poisson para la determinación del número de dispersiones que tienen lugar en un suceso y cada dispersión se genera independientemente.

3.5 Simulación Monte Carlo

Muestras enriquecidas de sucesos de fotoproducción conteniendo al menos un jet hadrónico (tal y como se define en la sección 5.1) que satisface $E_T^{HAD} > 5$ GeV y $\left|\eta^{HAD}\right| < 2.5$ fueron generadas separadamente para los canales resuelto y directo. También se generaron muestras enriquecidas en DIS a partir de $Q^2 = 4$ GeV^2. El valor de $p_{T_{min}}$ elegido fue 2.5 GeV. Se hizo uso de la función de distribución fotónica de GRV LHO [54] y de la función de distribución partónica de MRSA [6]. El valor de $p_{T_{min}}$ es el valor más bajo para el cual la sección eficaz de producción de jets con una energía transversa $E_T > 5$ GeV es independiente de $p_{T_{min}}$. Mediante el uso de muestras enriquecidas se encuentra que más del 97% de todos los sucesos en el canal resuelto y más del 99% de todos los sucesos en el canal directo que satisfacen los criterios de reconstrucción de jets con el calorímetro (descritos en la sección 5.1.1) satisfacen también los cortes de enriquecimiento aplicados a las muestras generadas. Los parámetros de todos los generadores Monte Carlo utilizados (PYTHIA, HERWIG y DJANGO) son aquellos establecidos por defecto. En particular el factor de supresión del quark s toma el valor por defecto $P_s/P_u = 0.3$ como ya se ha mencionado con anterioridad, aunque en [55, 56, 57] se obtuvo una mejor descripción de los datos haciendo uso de un factor de supresión $P_s/P_u = 0.2$. Como una posible mejora de la descripción estándar en [58] se sugiere también la posibilidad de las distribuciones de partículas se vean afectadas por interacciones multipartónicas. Los datos se comparan además de con la muestras estándar de PYTHIA, HERWIG y DJANGO, con una muestra de PYTHIA que incorpora múltiples interacciones partón-partón y con muestras generadas con un factor de supresión $P_s/P_u = 0.20$ con y sin MI, todas ellas por su particular interés. En fotoproducción, los sucesos producidos en el canal directo y en el resuelto de cada muestra se combinan de acuerdo con sus secciones eficaces para dar lugar a una muestra completa de sucesos de fotoproducción.

Las muestras de sucesos generados por PYTHIA, HERWIG y DJANGO han pasado a través de la simulación del detector, del *trigger* y de la reconstrucción de los datos para la determinación de la aceptancia del detector ZEUS, la determinación de la eficiencia de reconstrucción y para la posterior corrección de los datos.